

ד"ר

נייע פראקטישע

אריפמעטיקא

אדער

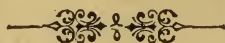
רעכענלעהרער

אין צוויי טהייל

פון

ד"ר ארי פרידמאן.

י"א לאר ע"י חנינא ליפא מרגליות ס"ס דפח



ברדיטשוב

דרוק פון יעקב שעפטיל

שנת תרנ"ה לפ"ק

НОВАЯ ПРАКТИЧЕСКАЯ АРИΘΜΕΤΙΚΑ.

Соч. Б. Л. Фридмана.

HARVARD
UNIVERSITY
LIBRARY

1895.

162

Дозволено Цензурою. Кіевъ, 9 Января 1895.

БЕРДИЧЕВЪ

Лито-Типографія Я. Г. Шефтеле

עֲרֵשְׁמַע מַחִיר

§ 1.

רַעְבָּנֶען אָדער אַרײַנפֿאַרמײַטן.

דיא קונסט פון רעכנען איז פאר יעדער מענשען נעהר נויטצליך, און אהן דעם קען מען אויף דער וועלט נאר נישט עקסעסטרעם, בפרט ביי היינטיגע צייטען וואס דיא גאנצע וועלט פערשטעהט נאר אויף רעכנען, דער מענש עסט און שלאפט מיט רעכנונג, קויפט סחורה און פערקויפט מיט רעכנונג, און אלץ וואס דער מענש מוהט און מאכט מוז ער האבען דיא רעכענ-קונסט ביא זיך צו הילף. אין דיא אלטע צייטען, אז מען האט געוואלט אויפשרייבען איין גראשען האט מען אויפ'ן מוהיר אויפגעצייכענט מיט קרייז איין שטריכעלע I, צוויי גראשען H, וויפיעל גראשען אזוי פיעל שטריכעלאך האט מען אויפגעשרייעבן, יעצט אפער האט מען פערסערע עצות, דען אנשטאט דיא שטריכעלאך האט מען גרופונדען ציפערן וואס זייא בעדייטען שוין ריכטיג דיא צאהל, דיעזע ציפערן זענען דא ניין.

¹ I, ² II, ³ III, ⁴ IIII, ⁵ IIIII, ⁶ IIIIII, ⁷ IIIIII, ⁸ IIIIII, ⁹ IIIIII

§ 2:

וויא דא זעהסט מיט דיינע אייגען זענען דיא ציפערן פיעל פער-קוועמער וויא דיא פערצייטיגע שטריכעלאך, דען אנשטאט ניין שטריכ-בעלאך שרייב איך נור איין ציפער 9, עס איז אפער א שאדע וואס מען האט נור גרופונדען ניין ציפערן, ווארום אז איך וויל שרייבען מעהר פון ניין האב איך שוין דרויף קיין ציפער נישט, עס איז אפער דערצו אויך דא א מיטעל, דא ווייסט וואס דיעזער קייקעל 0 בעדייט דאס איז א נולל, נולל איז דער טייטש "ניכטס" נאר נישט, ער האט

גאר קיין ווערטה נישט, פון דעסמיווענען אז דיעזער נולל ווערט צונע-
שטעלט צו איין אנדער ציפער האט ער אנדויטע ווערטה, למשל: אז
אויך שטעלט דעם נולל צו א איינס=10, בעדייטעט דאס צעהן, ווייל
האמטשע דער נולל אלצין האט פאר ניד גאר קיין ווערטה נישט, אבער
אזוי פיעל האט ער א ווערטה צו פערקאפפלען דעם איינס מיט צעהן
מאל אזוי פיעל, און אזוי איז אויך מיט דיא אנדערע ציפערן למשל:

ניינציג, אכציג, זיבעציג, זעכציג, פופציג, פערציג, דרייסיג, צוואנציג, צעהן
10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90

§ 3.

סען מוז אבער פערשטעהן פאר וואס אז אויך שטעלט אנדער דעם נולל
צום 1 ווערט דאס צעהן, דער טעם דערפון איז פשוט, ביא יעדער
צאהל פון ציפערן הייססט דער ערשטער ציפער פון דער רעכטער זייט
דיא איינציגע, דער צווייטער ציפער די צעהנדליגע, דער דריטער ציפ-
פער די הונדערטלונגע און אזוי ווייטער, דארום פריהער אז עס איז נע-
שטאנען א 1 האט דאס געהייסען איינס איינציגע, אבער אז אויך שטעלט
אנדער א נולל פון דער רעכטער זייט איז דאך שוין דער 1 א צווייטער
ציפער הייסט ער שוין איין צעהנדלונג דאס איז צעהן גאנצע, אז עס
שטעהען פאר דער 1 צוויי נוללען, איז שוין דער 1 א דריטער ציפער
הייסט ער איין הונדערטלונג בעדייטעט הונדערט, דיא זעלבע איז ווען
אויך שטעלט צו נוללען צו איין אנדער ציפער, למשל:

זיבען הונדערט, זעקס הונדערט, פינף הונדערט, פיער הונדערט, דריי הונדערט, צוויי הונדערט
200 300 400 500 600 700

פיער טויזענד, דריי טויזענד, צוויי טויזענד, טויזענד, ניון הונדערט, אכט הונדערט
800 900 1000 2000 3000 4000

צעהן טויזענד, ניון טויזענד, אכט טויזענד, זיבען טויזענד, זעכס טויזענד, פינף טויזענד
5000 6000 7000 8000 9000 10000

דיא זאך איז גאר פשוט צו פערשטעהן, למשל: 4000 איז דאך
דער ערשטער נולל, נולל איינציגע, דער צווייטער נולל, נולל צעהנדלי-

גער, דער דריטער נולל, נולל הונדערטלונגע, דער פיערטרער איז 4
 מויענדלונגע, דארום בעדייטעט פיער מויענד; אז איך שטעלל צוא
 נאך א נולל פון דער רעכטער זייט איז דאך דער 4 געווארען פיער
 צעהנמויענדלונגע, ווערט דערפון פערציג מויענד, דער פלל איז יעדער
 ציפער פון דער לינקער זייט ווערט זיין ראנגע מיט צעהן מאל פער-
 גראסערט דורך דעם ציפער וואס עס שטעהט פאר איהם, למשל:
 20, ווערט דער צוויי מיט צעהן מאל פערגראסערט דורך דעם נולל
 איז דאס געווארען צוויי צעהנדלונגע. 300, דער צווייטער נולל בע-
 קומט שוין דיא ראנגע פון צעהנדלונגע, אונ דער 3 דיא ראנגע פון
 הונדערטער. 4000 בעקומט דער 4 דיא ראנגע פון מויענדער ווייל
 ער שטעהט אויף דער פיערטרער שטעלל

וואס בעדייטען דיעזע צאהלען?

30, 400, 5000, 60000, 700000, 40, 200, 600, 3000,
 20, 900, 600, 800, 70, 500, 7000, 100, 4000, 5000,
 60000, 20000, 20000, 50000

§ 4.

וואס מאכט מען אבער אז איך ווייל גישט שרייבען א גלייכע
 צאהל צעהן, צוואנציג, הונדערט, איך ווייל שרייבען עלף, פינף-אונ-
 צוואנציג? דערצו איז אויך דא א מיטטעל, למשל: עלף גראשען שרייב
 איך אזוי 11, דער טעם דערפון איז פשוט, דער ערשטער איינס פון
 דער רעכטער זייט בעדייט איין גראשען, דער צווייטער איינס בעדייט
 שוין איין צעהנער, ווייל דער צווייטער ציפער ווערט פערדאפפעלט
 אלע מאל מיט צעהן מאל אזוי פיעל, אזוי וויא איך האב ערקלעהרט
 ביי די נוללען, אלזא איז דא אין דיעזע צאהל 11 איין גראשען אונ
 צעהן גראשען איז צוואנצען עלף גראשען. 234 דיא ציפער 4
 בעדייטעט פיער איינציגע גראשען, דיא ציפער 3 בעדייטעט דריי

צעהגער איז דרייסיג, די ציפער 2 בעדייטעט צוויי הונדערטער, ווייל
 געדער ציפער ווערט פערטראסערט מיט צעהן מאל ווען פון דער
 רעכטער זייט ווערט איין ציפער צוגעשטעלט, מיט הונדערט מאל
 ווען צוויי ציפערן ווערן צוגעשטעלט, איפער דעם איז דער ציפער 2
 געווארען מיט הונדערט מאל פערטראפפלט ווייל פאר איהר שטענען
 צוויי ציפערן, דער 3 איז געווארען מיט צעהן מאל פערטראסערט,
 ווייל פאר איהם שטעהט איין ציפער איג דער 4 בעדייטעט פיער איין-
 ציגע ווייל פאר איהם שטעהען קיינע ציפער מעהר, אלזא בעדייטעט
 דיא באצע צאהל צוויי הונדערט פיער אונ דרייסיג.

אויפנאבען:

וויא פיעל בעדייטען דיעזע צאהלען?

12, 21, 13, 31, 14, 41, 15, 51, 16, 61, 17, 71, 18,
 81, 19, 91, 23, 32, 24, 42, 25, 52, 26, 62, 27, 72,
 28, 82, 29, 92, 35, 53, 47, 55, 66, 77, 88, 99, 38,
 83, 39, 93, 76, 67, 100, 101, 110, 125, 251, 389,
 405, 578, 870, 975, 645, 856, 1000, 1001, 1010,
 1100, 1110, 1120, 1235, 2345, 3689, 5670, 3456,
 7628, 3479, 5278, 3072, 12538, 70932, 57803,
 25038, 58790, 37896.

אדירען אדער תבור.

§ 5:

צוויי צאהלען צוזאמענגרעכענען הייסט אדירען אדער תבור

לְמִשְׁלָּ: אִיךְ הָאָב הַיִּינְט אױסגַעגַעבֶען 1 רױבֶל אױף בִּיכֶער, 2 רױבֶל אױף אַראַגַעץ, 3 רױבֶל אױף שױהֶלגַעלד, ווײַל אִיךְ ווײַססען ווײַפֿיעל הָאָב אִיךְ אױסגַעגַעבֶען צװאַמקַען, שְׂטעלל אִיךְ אַנִיעדער אױג רַעבֶען צװאַמקַען:
1 רױבֶל אױג 2 רױבֶל אִיז 3, 3 מױט 3 אִיז 6
הָאָב אִיךְ אױסגַעגַעבֶען צװאַמקַען 6 רױבֶל.

$$\begin{array}{r} 1 \\ 2 \\ 3 \\ \hline 6 \end{array}$$

אַפֿער בַּעפֿאר מױר וועלען דאָ ווײַטער עַרקלַעהרען וויאָ גראַססערע צאָהלען צװאַמקַען-רַעבֶען, שְׂטעללען מױר דאָ אַנִיעדער אַ מאַפֿעלֶקע פֿון חבור דרי דער שײַלֶער זאָלל דאָס גוט אױסלַעהרען אױסוועג אױג זאָלל זיך דארײַן גוט אײנאַפֿען.

מאַפֿעלֶלע צו חבור.

אױג אױ	אױג אױ	אױג אױ	אױג אױ	אױג אױ
6 = 5 + 1	5 = 4 + 1	4 = 3 + 1	3 = 2 + 1	2 = 1 + *1
7 = 5 + 2	6 = 4 + 2	5 = 3 + 2	4 = 2 + 2	3 = 1 + 2
8 = 5 + 3	7 = 4 + 3	6 = 3 + 3	5 = 2 + 3	4 = 1 + 3
9 = 5 + 4	8 = 4 + 4	7 = 3 + 4	6 = 2 + 4	5 = 1 + 4
10 = 5 + 5	9 = 4 + 5	8 = 3 + 5	7 = 2 + 5	6 = 1 + 5
11 = 5 + 6	10 = 4 + 6	9 = 3 + 6	8 = 2 + 6	7 = 1 + 6
12 = 5 + 7	11 = 4 + 7	10 = 3 + 7	9 = 2 + 7	8 = 1 + 7
13 = 5 + 8	12 = 4 + 8	11 = 3 + 8	10 = 2 + 8	9 = 1 + 8
14 = 5 + 9	13 = 4 + 9	12 = 3 + 9	11 = 2 + 9	10 = 1 + 9
15 = 5 + 10	14 = 4 + 10	13 = 3 + 10	12 = 2 + 10	11 = 1 + 10

(*) דײַנער צײַקען + ווערס בֶּענוצט צו חבור אױג ער הײַססט פֿלום, ער בַּע-
דײַסעס אױג. וויאָ דאָס וואָרס "אונד" .

$11 = 10 + 1$	$10 = 9 + 1$	$9 = 8 + 1$	$8 = 7 + 1$	$7 = 6 + 1$
$12 = 10 + 2$	$11 = 9 + 2$	$10 = 8 + 2$	$9 = 7 + 2$	$8 = 6 + 2$
$13 = 10 + 3$	$12 = 9 + 3$	$11 = 8 + 3$	$10 = 7 + 3$	$9 = 6 + 3$
$14 = 10 + 4$	$13 = 9 + 4$	$12 = 8 + 4$	$11 = 7 + 4$	$10 = 6 + 4$
$15 = 10 + 5$	$14 = 9 + 5$	$13 = 8 + 5$	$12 = 7 + 5$	$11 = 6 + 5$
$16 = 10 + 6$	$15 = 9 + 6$	$14 = 8 + 6$	$13 = 7 + 6$	$12 = 6 + 6$
$17 = 10 + 7$	$16 = 9 + 7$	$15 = 8 + 7$	$14 = 7 + 7$	$13 = 6 + 7$
$18 = 10 + 8$	$17 = 9 + 8$	$16 = 8 + 8$	$15 = 7 + 8$	$14 = 6 + 8$
$19 = 10 + 9$	$18 = 9 + 9$	$17 = 8 + 9$	$16 = 7 + 9$	$15 = 6 + 9$
$20 = 10 + 10$	$19 = 9 + 10$	$18 = 8 + 10$	$17 = 7 + 10$	$16 = 6 + 10$

יעצט וועלען מיר פראבירען גראמסקערע צאהלען צו-
וואממען-רעכנען, למשל :

1)	2)	3)	4)	5)	6)	7)
24	478	1235	2372	2153	4307	1000
13	94	1736	456	743	1589	100
40	117	2174	1209	359	1736	200
87	9	1098	738	3878	483	300
58	48	277	1319	1294	1378	1200
67	875	83	2775	87	1202	5000
<hr/> 248	<hr/> 1621	<hr/> 6603	<hr/> 8864	<hr/> 8519	<hr/> 9695	<hr/> 7800

דיא רעכנונג נומער 1, ווען איך רעכען צוואממען $7+8+7+9+3+4$
איז צוואממען 38, דאס הייסט 8 איינציגע און 3 צעהנער, שטעל איך
אונטען דיא 8 איינציגע און דיא 3 צעהנער בעהאלט איך אין דיא גע-
ראנקען, דערנאך רעכען איך דיא צווייטע שורה $6+5+3+4+1+2$, איז
צוואממען 21 צעהנער, און דיא דרייא צעהנער וואס איך האב בעהאל-
טען אין דיא געראנקען איז צוואממען 24 צעהנער, שטעל איך אונטען
אניערער 24 בערייטעט דיא גאנצע רעכנונג 248 דאס הייסט צוויי הונד-
דערט אכט און פערציג רובל.

דיא רעכנונג נומער 2 בעטרעפען אללע איינער 41, דאס הייסקסט
 איין איינער און 4 צעהנער, שטעלל איך דעם 1 אנעדער, אינדער 4 בע-
 האלט איך אין דיא געדאנקען, דיא אללע צעהנער בעטרעפפען 28 מיט
 דיא 4 זענען 32 דאס הייסקסט 2 צעהנער און 3 הונדערטער, שטעלל
 איך דיא 2 צעהנער אנעדער און דיא 3 הונדערטער בעהאלט איך אי
 דיא געדאנקען, דערנאך רעכען איך צונאממען דיא הונדערטער בע-
 טרעפפען זייא 13 און דיא 3 וואס איך האב געהאלטען איז צונאממען
 16, בעטרעפט דיא גאנצע סוממע 1621, דאס הייסקסט טויזענד זעכס
 הונדערט איין-און-צוואנציג.

דיא רעכנונג נומער 3, בעטרעפען דיא איינער 33, שטעלל איך
 אנעדער 3 און 3 געהאלטען, אללע צעהנער מיט דיא 3 בעטרעפפען 40
 דאס הייסקסט נולל צעהנער און 4 הונדערטער, שטעלל איך דיא נולל
 אנעדער און בעהאלט דיא 4, אללע הונדערטער מיט דיא 4 בעטרע-
 פען 16, דאס הייסקסט 6 הונדערטער און 1 טויזענדער, שטעלל איך אנעדער
 דיא 6 און דעם 1 בעהאלט איך, דיא טויזענדער בעטרעפפען מיט דער
 1 וואס איך האב געהאלטען צונאממען 6, בעטרעפט דיא גאנצע רעכנונג
 6603 דאס הייסקסט זעכס טויזענד 6 הונדערט מיט דרייא, אזוי ווערט
 גערעכענט נומער 4, נומער 5, נומער 6, ביא נומער 7 ווערען דיא ערשטע
 ציפערן צונאממען-גערעכענט בעטרעפט אויך נולל דען גישט מיט
 גישט בלייבט גישט, שטעלל איך אנעדער דעם נולל, מיט דיא צווייטע
 ציפערן איז אויך אזוי, דיא דריטע ציפערן בעטרעפען צונאממען
 8, דיא פערטע ציפערן בעטרעפען 7, בעטרעפט דיא גאנצע סוממע
 7800 דאס הייסקסט זעבען טויזענד אכט הונדערט.

א ו י פ ג א ב ע ן

№ 1) 473	№ 2) 291	№ 3) 135	№ 4) 1553	№ 5) 4307
295	347	1736	448	1589
308	29	2174	359	735
170	292	1098	3376	473

№ 6) 8740	№ 7) 8400	№ 8) 6735	№ 9) 576	№ 10) 1745
997	9763	9487	4983	3975
4675	3597	656	978	14884
68	5859	3794	356	21305
135	6873	48	5495	24750
7689	792	365	847	20670
1005	78	7673	92	405
<hr/>	<hr/>	<hr/>	<hr/>	<hr/>
№ 11) 34300	№ 12) 32047	№ 13) 46372	№ 14) 47340	№ 15) 93416
879	17928	9463	36242	18330
3485	4635	8584	35451	9423
28009	8269	763	4437	97
976	6330	87	3675	6613
5667	7956	465	4639	45765
19884	3588	3278	734	7760
350	875	27940	4626	21014
<hr/>	<hr/>	<hr/>	<hr/>	<hr/>

וויבטראקציאן, וויבטראאירען אדער חסיד

§ 6.

חסיד הייסקסט ווען איך ווילל א קלענערע צאהל אראפגעהטען פון
א גראסערע צאהל, דער רעשט וואס עס בלייבט איבער, הייסקסט אונ-
טער שיד אדער די פערענץ, למשל: איך האב געהאט 9 רובל
האב איך דערפון אויסגעגעבען 6 רובל, וויא פיעל איז מיר גע-
בליעבען? שטעלל איך אזוי אנדער
דאס הייסקסט איך רעכען אראב 6 פון 9 בלייבט 3 רובל $\frac{9}{3}$

• אזא צייכען — הייסקסט מ'נוס, גר בענינים אז דא ציפער וואו אזא צייכען שטעקט נוצט
אראפגעצייגען פון דא איבערשטע.

אָבער בעפאר מיר וועלען דא נויטער ערקלעהרען איבער
דיא רעכנונג פון חיסור שטעללען מיר דא אנדער אַ מא-
בעלע צו חיסור אונ דער שיקער מוז דאס גוט אויסלעהרען.

מאבעלע צו חיסור :

פֿון אײַ	פֿון אײַ	פֿון אײַ	פֿון אײַ	פֿון אײַ
1=6-5	1=5-4	1=4-3	1=3-2	1=2-1
2=7-5	2=6-4	2=5-3	2=4-2	2=3-1
3=8-5	3=7-4	3=6-3	3=5-2	3=4-1
4=9-5	4=8-4	4=7-3	4=6-2	4=5-1
5=10-5	5=9-4	5=8-3	5=7-2	5=6-1
6=11-5	6=10-4	6=9-3	6=8-2	6=7-1
7=12-5	7=11-4	7=10-3	7=9-2	7=8-1
8=13-5	8=12-4	8=11-3	8=10-2	8=9-1
9=14-5	9=13-4	9=12-3	9=11-2	9=10-1
10=15-5	10=14-4	10=13-3	10=12-2	10=11-1

פֿון אײַ	פֿון אײַ	פֿון אײַ	פֿון אײַ
1=10-9	1=9-8	1=8-7	1=7-6
2=11-9	2=10-8	2=9-7	2=8-6
3=12-9	3=11-8	3=10-7	3=9-6
4=13-9	4=12-8	4=11-7	4=10-6
5=14-9	5=13-8	5=12-7	5=11-6
6=15-9	6=14-8	6=13-7	6=12-6
7=16-9	7=15-8	7=14-7	7=13-6
8=17-9	8=16-8	8=15-7	8=14-6
9=18-9	9=17-8	9=16-7	9=15-6
10=19-9	10=18-8	10=17-7	10=16-6

יעצט וועלען מיר פֿרופֿירען גראַסערע צאהלען איינע פֿון דיא
אנדערע אַראַב צירעכענען .

№ 1) 389	№ 2) 2186	№ 3) 3760	№ 4) 5763	№ 5) 2305	№ 6) 5000
236—	1057	2178	897	1217	742
<hr/> 153	<hr/> 1129	<hr/> 1582	<hr/> 4866	<hr/> 1088	<hr/> 4258

אין נומער 1 ווערט איינפֿאך אַראַפֿגעכענט, 6 פֿון 9 בלייבט 3
פֿון אַכט בלייבט 5, 2 פֿון 3 בלייבט 1, אז איך האב אַראַפֿגענוממען
צווייטא הונדערט זעכס אונ דרייסיג פֿון דרייטא הונדערט ניין אונ אַכציג,
איז געבליבען הונדערט דרייטא אונ פֿופֿציג; אין נומער 2, קען איך איי-
גענטליך 7 פֿון 6 נישט אַראַפֿגעהמען ווייל 7 איז מערה וויא 6, אָבער
דערצו איז אויך דא איין עצה, מען פֿארנט-צו איינס פֿון דעם אַכט פֿון
דיא צעהנער, איז יעצט אנשפֿאט 6 גענווארען, 16 זעהט איך אַראַב 7
פֿון 16 איז געבליבען 9, דער 8 איז שוין יעצט גענווארען א 7, ווייל
איינס האב איך פֿון איינס צוגענומען, זעהט איך אַראַב 5 פֿון 7 בלייבט
2, נויל פֿון איינס בלייבט נאטירליך איינס, ווייל יעדער פֿערשטעהט
אז מען געהט נאר נישט אַראַב פֿון א ציפֿער בלייבט דער ציפֿער
אין גאנצען, 1 פֿון 2 בלייבט 1; אין נומער 3 קען מען 8 פֿון 0 נישט
אַראַפֿגעהמען, פֿארג איך צו א איינס פֿון דיא 6, הייססט דאס יעצט 10,
8 פֿון 10 בלייבט 2, פֿון דיא 6 איז יעצט גענווארען 5, 7 פֿון 5 קען
איך נישט זאנען, פֿארג איך צו איינס פֿון דיא 7, הייססט דאס יעצט
15, 7 פֿון 15 בלייבט 8, פֿון דיא 7 איז יעצט גענווארען א 6, 1 פֿון 6
בלייבט 5, 2 פֿון 3 בלייבט 1; אין נומער 4 פֿארג איך ביא אַלע דרייטא
ציפֿערן איינע פֿון דיא אנדערע, דער לעצטער 5 איז דאך גענווארען
א 4, אונ ווייל איך האב נישט וואס פֿון איינס אַראַב צו רעכנען, שטעלל
איך דעם 4 אַראַב אין גאנצען; אין נומער 5, פֿארג איך צו א 1 פֿון דעם
נויל, אָבער וויא אזוי קען איך פֿארגען פֿון דעם נויל אז דער נויל האט
אויך נאר נישט, דארום מוז איך 2 מאל פֿארגען, איינמאל פֿארג איך
פֿון דעם 3 א 1 צו דעם נויל, ווערט פֿון דעם נויל 10, דענאך פֿארג

אײַך פון דיא 10 אײַגס צו דעם 5, װערט דאס 15, 7 פון 15 בלייבט 8,
דער נולל איז געצט געווארען 9, וויל אײַנס האב אײַך פון איהם צונע-
גומען, 1 פון 9 בלייבט 8, דער דרייא איז געצט געווארען א צוויי, 2 פון 2
בלייבט נולל, 1 פון 2 בלייבט 1, אין נומר 6 מוז אײַך דרייא מאל בארגען,
דער ערשטער נולל בארגט 1 בייא דעם צווייטען, אבער דער צווייטער
נולל האט אײַך גאר נישט, בארגט ער בייס דריטען, דער דריטער
נולל האט אײַך גאר נישט, בארגט ער א 1 בייא דעם 5, װערט פון איהם
10, דער צווייטער נולל בארגט ביי איהם 1, װערט פון דעם דריטען נולל
א 9 אונ פונ'ם צווייטען נולל װערט א צעהן, דערנאך בארגט דער ערשטער
נולל פון דעם צווייטען נולל א 1, װערט פון צווייטען נולל א 9 אונ פון
ערשטען נולל א צעהן, זאג אײַך 2 פון 10 בלייבט 8, 4 פון 9 בלייבט 5,
7 פון 9 בלייבט 2, דער 5 איז דאך געצט א 4, שטעלל אײַך אראב דעם
פיער, אײַף דיעזע ארט קען מען רעכנען אפילו עס איז דא פיעל נוללען
גאר אײַנער בארגט בייא דעם צווייטען.

א ו פ ג א ב ע ן :

№ 16) 790	№ 17) 5321	№ 18) 47032	№ 19) 63520	№ 20) 24730
<u>641</u>	<u>3567</u>	<u>3097</u>	<u>3097</u>	<u>8674</u>
№ 21) 273200	№ 22) 300400	№ 23) 1097014	№ 24) 600040	
<u>91317</u>	<u>39127</u>	<u>793417</u>	<u>100782</u>	
№ 25) 3027060	№ 26) 10030020	№ 27) 1000000		
<u>419273</u>	<u>7031050</u>	<u>999999</u>		

נומער 28, אײַך האב געגעבען אין דער באנק 800 רובל, 1500 רובל,
350, 630 דערנאך האב אײַך גענומען 300 רובל 285 רובל, 900, 406,
203, וויא פיעל איז מיר אין דער באנק אײַבערגעבליעבען?
נומער 29, פון א מייליאן פאדאשקעס איז געווארען אראב גע-
נומען 598764, וויא פיעל איז נטבליעבען?

נומער 30, אין א מלחמה וואס זענען געוועזען סאלדאטען 45200,
זענען געפאלען 5624, געראנעט 6854, געפאנגען 850, דערצי זענען
צוגעקוממען פרישע סאלדאטען 6800, וויא פיעל זענען געבליעבען
געזונדע סאלדאטען ?

בפאל אדער מולטיפליקאציען.

§ 7.

בפאל הייססט, ווען איך דאפפאל איין צאהל מיט איין אנדער
צאהל, למשל: איך האב געקויפט דרייא איילען סחורה איטליקם אייל
קאסט 2 רובל, ווילל איך וויססען וויא פיעל קאסט דיא גאנצע סחורה,
דאפפאל איך 2 מאל 3 איז 6, קאסט מיר דיא גאנצע סחורה זעבס רובל,
א צייבען פון דאפפאלען איז \times , איידער מיר וועלען ווייטער ערקלעהרען
דאס בפאל רעכנען מוזען מיר דא שטעללען דיא טאבעללע צום דאפפאלען.

טאבעללע צו בפאל:

א"ז	מאל	א"ז	מאל	א"ז	מאל	א"ז	מאל	א"ז	מאל
6 =	1 × 6	5 =	1 × 5	4 =	1 × 4	3 =	1 × 3	1 =	1 × 1
12 =	2 × 6	10 =	2 × 5	8 =	2 × 4	6 =	2 × 3	2 =	1 × 2
18 =	3 × 6	15 =	3 × 5	12 =	3 × 4	9 =	3 × 3	4 =	2 × 2
24 =	4 × 6	20 =	4 × 5	16 =	4 × 4	12 =	4 × 3	6 =	3 × 2
30 =	5 × 6	25 =	5 × 5	20 =	5 × 4	15 =	5 × 3	8 =	4 × 2
36 =	6 × 6	30 =	6 × 5	24 =	6 × 4	18 =	6 × 3	10 =	5 × 2
42 =	7 × 6	35 =	7 × 5	28 =	7 × 4	21 =	7 × 3	12 =	6 × 2
48 =	8 × 6	40 =	8 × 5	32 =	8 × 4	24 =	8 × 3	14 =	7 × 2
54 =	9 × 6	45 =	9 × 5	36 =	9 × 4	27 =	9 × 3	16 =	8 × 2
60 =	10 × 6	50 =	10 × 5	40 =	10 × 4	30 =	10 × 3	18 =	9 × 2

איז	מאל	איז	מאל	איז	מאל	איז	מאל
10 =	1 × 10	9 =	1 × 9	8 =	1 × 8	7 =	1 × 7
20 =	2 × 10	18 =	2 × 9	16 =	2 × 8	14 =	2 × 7
30 =	3 × 10	27 =	3 × 9	24 =	3 × 8	21 =	3 × 7
40 =	4 × 10	36 =	4 × 9	32 =	4 × 8	28 =	4 × 7
50 =	5 × 10	45 =	5 × 9	40 =	5 × 8	35 =	5 × 7
60 =	6 × 10	54 =	6 × 9	48 =	6 × 8	42 =	6 × 7
70 =	7 × 10	63 =	7 × 9	56 =	7 × 8	49 =	7 × 7
80 =	8 × 10	72 =	8 × 9	64 =	8 × 8	56 =	8 × 7
90 =	9 × 10	81 =	9 × 9	72 =	9 × 8	63 =	9 × 7
100 =	10 × 10	90 =	10 × 9	80 =	10 × 8	70 =	10 × 7

יעצט וועלען מיר אנדער שטעלען גראסערע צאהלען צו דאפּלען.

1) 23	2) 76	3) 985	4) 253	5) 8732	6) 3583
× 2	× 6	× 7	× 12	× 32	× 10
<u>46</u>	<u>456</u>	<u>6895</u>	<u>506</u>	<u>17464</u>	<u>0000</u>
			253	26196	3583
			<u>3036</u>	<u>279424</u>	<u>35830</u>

7) 5672	8) 2050	9) 9984	10) 6752
× 200	× 323	× 453	× 1000
<u>0000</u>	<u>6150</u>	<u>29952</u>	<u>0000</u>
0000	4100	49920	0000
11344	6150	39936	0000
<u>1134400</u>	<u>662150</u>	<u>4522752</u>	<u>6752</u>
			<u>6752000</u>

ער קלערונג.

נומער 1 איז גאנץ פראקט, 2 מאל 3 איז 6, 2 מאל 2 איז 4, קוקסט ארויס אז צוויי מאל 23 איז 46; נומער 2, 6 מאל 6 איז 36, שטעל איז אנדער 6 אונדזעם 3 מאלט איך אין דיא געדאנקען, דערנאך פאל

אײך 6 מאל 7 איז 42 און דיא 3 וואס אײך האב געהאלטען איז צוואַנצ-
 בען 45, שטעלל אײך אַניערער דיא 45 גאך דעם 6, איז צוואַנצבען 456,
 דערפון קומט אַרויס אַז וועפס מאל 76 איז 456, אַזוי ווערט אײך גע-
 מאכט נומער 3; נומער 4 ווערט געדאפּפּעלט פריהער מיט דעם 2 קומט
 אַרויס 506, דערנאך דאפּפּעלט מען מיט דעם 1, 1 מאל 3 איז 3,
 שטעלל אײך אַניערער דעם 3 אונטער דיא צווייטע ציפּער פון דער
 סוממע 506, ווייל דער 1 איז שוין פון דיא צעהנער מוז אײך אנהויבען
 צו שטעללען דיא צאהלען וואס עס ווערט מיט אײך געדאפּפּעלט אונטער
 דיא צעהנער, דאס איז דער נולל, אונ אַזוי געהט דאס ווייטער, אַזוי
 ווערט אײך געמאכט נומער 5, נומער 6, אַז אײך דאפּפּעל מיט א נולל
 קומט אײך אַרויס א נולל, דאריבער אַז אײך דאפּפּעל מיט דער נולל
 דיא ציפּפּערן 3583 קומט גאר אַרויס 4 נוללען, אַז אײך דאפּפּעל דער
 נאך מיט דעם איינס קומט אַרויס דיא ציפּער 3583, דיעזע צאהל
 הויב אײך אַן צו שטעללען אונטער דעם צווייטען נולל אַזוי וויא עס איז
 אויבען ערקלעהרט, גאר אַז אײך האב צו דאפּפּלען א צאהל מיט 10,
 100, 1000 אונ ווייטער דאך אײך גאר נישט אויסשטעללען אַלע נוללען
 גאר אַזוי, וויא פיעל נוללען עס איז דא אין דעם סכּפּיל (דאס איז דיא
 צאהל וואס מען דאפּפּעלט מיט אײך) שטעלל אײך צו צו דעם גכּפּל
 (דאס איז דיא צאהל וואס ווערט געדאפּפּעלט) אונ דיא נאך איז פּערטיג,
 לְמִשְׁלָּ: אײך האב צו דאפּפּלען 568 מיט 100, שרייב אײך צו צו דער
 סוממע 568 צוויי נוללען פון דיא 100 ווערט דיא סוממע 56800, דיא
 זעלביגע נאך ווען אײך האב צו דאפּפּלען מיט 30, 400, אונ דעם-
 גלייכען, דאך אײך גאר דאפּפּלען מיט דער 3, אַדער מיט דער 4 אונ
 דיא נוללען שטעלל אײך צו צו דער סוממע וואס קומט אַרויס, לְמִשְׁלָּ:

25698

× 5000

178490000

דאס הייסט, אײך דאפּפּעל גאר מיט דער 5, דערנאך שטעלל אײך צו
 דיא דריי נוללען אַזוי קען אײך מאכט נומער 7 אונ 19, נומער 8 אונ
 נומער 9 דאפּפּעל אײך מיט דריי ציפּפּערן אונ דער לעזער וועט שוין

אלליין פערשטעקען וויא צו מאכען, ווייל עס איז געדער זייכט.

אויפגאבען:

№ 31) 675	№ 32) 700	№ 33) 7094	№ 34) 8592
$\times 6$	$\times 2$	$\times 4$	$\times 8$
№ 35) 4372	№ 36) 63	№ 37) 563	№ 38) 905
$\times 10$	$\times 11$	$\times 35$	$\times 38$
№ 39) 1203	№ 40) 2008	№ 41) 8000	№ 42) 4050
$\times 35$	$\times 46$	$\times 57$	$\times 100$
№ 43) 62690	№ 44) 6752	№ 45) 7432	№ 46) 15000
$\times 540$	$\times 1000$	$\times 1200$	$\times 3500$

חלוק אדער דיוויזיאן.

§ 8.

חלוק אדער דיוויזיאן הייססט, ווען איך מ'הייל איין ציפער מיט דעם צווייטען, למשל: איך האב געקויפט 3 איידען טוך האב איך דערפאר געצאהלט 9 רובל, ווייל איך וויססען וויא פיעל קאסט איין אייל, מ'הייל איך דעם 9 דורך 3 דאס הייססט איך נאג אזוי: וויא פיעל מאל 3 געהט אין 9 אזוי פיעל קאסט איין אייל, 3 אין 9 געהט 3 מאל, קאסט איין אייל 3 רובל.

איידער מיר וועללען ווייטער ערקלערען, מוזען מיר דא דיא מ'האנגנס-מאבעללע אנענדער שטעללען.

טאבעלע צו חלוק:

$1^{\text{אס}} = 5^{\text{אין}} : 5$	$1^{\text{אס}} = 4^{\text{אין}} : 4$	$1^{\text{אס}} = 3^{\text{אין}} : 3$	$1^{\text{אס}} = 2^{\text{אין}} : 2$	$1^{\text{אס}} = 1^{\text{אין}} : 1$
$2 = 10 : 5$	$2 = 8 : 4$	$2 = 6 : 3$	$2 = 4 : 2$	$2 = 2 : 1$
$3 = 15 : 5$	$3 = 12 : 4$	$3 = 9 : 3$	$3 = 6 : 2$	$3 = 3 : 1$
$4 = 20 : 5$	$4 = 16 : 4$	$4 = 12 : 3$	$4 = 8 : 2$	$4 = 4 : 1$
$5 = 25 : 5$	$5 = 20 : 4$	$5 = 15 : 3$	$5 = 10 : 2$	$5 = 5 : 1$
$6 = 30 : 5$	$6 = 24 : 4$	$6 = 18 : 3$	$6 = 12 : 2$	$6 = 6 : 1$
$7 = 35 : 5$	$7 = 28 : 4$	$7 = 21 : 3$	$7 = 14 : 2$	$7 = 7 : 1$
$8 = 40 : 5$	$8 = 32 : 4$	$8 = 24 : 3$	$8 = 16 : 2$	$8 = 8 : 1$
$9 = 45 : 5$	$9 = 36 : 4$	$9 = 27 : 3$	$9 = 18 : 2$	$9 = 9 : 1$
$10 = 50 : 5$	$10 = 40 : 4$	$10 = 30 : 3$	$10 = 20 : 2$	$10 = 10 : 1$

$1^{\text{אס}} = 10^{\text{אין}} : 10$	$1^{\text{אס}} = 9^{\text{אין}} : 9$	$1^{\text{אס}} = 8^{\text{אין}} : 8$	$1^{\text{אס}} = 7^{\text{אין}} : 7$	$1^{\text{אס}} = 6^{\text{אין}} : 6$
$2 = 20 : 10$	$2 = 18 : 9$	$2 = 16 : 8$	$2 = 14 : 7$	$2 = 12 : 6$
$3 = 30 : 10$	$3 = 27 : 9$	$3 = 24 : 8$	$3 = 21 : 7$	$3 = 18 : 6$
$4 = 40 : 10$	$4 = 36 : 9$	$4 = 32 : 8$	$4 = 28 : 7$	$4 = 24 : 6$
$5 = 50 : 10$	$5 = 45 : 9$	$5 = 40 : 8$	$5 = 35 : 7$	$5 = 30 : 6$
$6 = 60 : 10$	$6 = 54 : 9$	$6 = 48 : 8$	$6 = 42 : 7$	$6 = 36 : 6$
$7 = 70 : 10$	$7 = 63 : 9$	$7 = 56 : 8$	$7 = 49 : 7$	$7 = 42 : 6$
$8 = 80 : 10$	$8 = 72 : 9$	$8 = 64 : 8$	$8 = 56 : 7$	$8 = 48 : 6$
$9 = 90 : 10$	$9 = 81 : 9$	$9 = 72 : 8$	$9 = 63 : 7$	$9 = 54 : 6$
$10 = 100 : 10$	$10 = 90 : 9$	$10 = 80 : 8$	$10 = 70 : 7$	$10 = 60 : 6$

יעמזט וועלען מיר אנדער שטעלען גראססערע צאהלען
צוא מ'הילען :

- № 1) $24 : 2 = 12$; № 2) $246 : 2 = 123$; № 3) $812 : 4 = 203$;
 № 4) $4060 : 5 = 812$; № 5) $75282 : 6 = 12547$; № 6) $3684 : 12 = 307$;
 № 7) $68439 : 23 = 2975$, רעשט 14; № 8) $2612412 : 324 = 8063$

(*) דיעזער צייכען : הייססט 'דעלעטניע' ער ווערט גענוצט צו חלוק.

ע ר ק ל ע ה ר ו נ ג .

נומער 1 מ'הייל איך 24 דורך 2, דאס הייססט איך ווילל וויססען
וויא פיעל מאל געהט אריין די צאהל 2 אין 24 קוממט ארויס 12 מאל, איך
זאג אזוי: 2 אין 2 געהט אריין איין מאל, שטעלל איך אנדער 1, 2
אין 4 געהט אריין צוויי מאל, שטעלל איך צום איינס צו 2 איז צוזאממען
12, ווארום ביא חלוק הויב איך אן צו מ'היילען פון דעם ערשטען
ציפער וואס פון דער לינקער זייט; נומער 2 איז אויך די זעלביגע; נומער
3, זאג איך אזוי: 4 אין 8 געהט אריין 2 מאל, 4 אין 1 געהט גאר נישט
אריין הייססט נולל מאל, מוז איך צו שטעללען צו דעם צוויי א נולל, 4
אין 12 געהט אריין 3 מאל, ווארום דער איינס ווערט נאך א מאל גע-
רעכענט צום אנדערען ציפער וואס קוממט שפעטער; נומער 4, זאג
איך: 5 אין 40 געהט 8, 5 אין 6 געהט 1, אונז עס איז געבליעבען 1, 5 אין
10 איז 2, דעם איינס וואס עס בלייבט, ווערט צו גערעכענט צו דעם
ציפער וואס קוממט דערנאך; נומער 5 מ'הייל איך אזוי: 6 אין 7 געהט
אריין 1 מאל, בלייבט 1, 6 אין 15 געהט אריין 2 מאל, בלייבט 3,
6 אין 32 געהט אריין 5 מאל, בלייבט איבער 2, 6 אין 28 געהט אריין
4 מאל, בלייבט איבער 4, 6 אין 42 געהט אריין אקוראט 7 מאל. דער
כלל איז, אז דאס וואס עס בלייבט פון איין ציפער ווערט צוגערעכענט
צו דעם צווייטען ציפער וואס קוממט דערנאך; נומער 6 מ'הייל איך מיט
ביידע ציפער פון דעם מ'היילער מיט איין מאל, איך זאג: וויא פיעל
געהען אריין 12 אין 36, 3 מאל, 12 אין 8 נולל מאל, 12 אין 7
מאל, קוממט ארויס 307 מאל; אונז נומער 7, ווערט אויך אזוי געמאכט
גאר עס בלייבט א רעשט 14, דאס הייססט עס געהט אריין 2975 מאל
גאנצע אונז 14 בלייבט; נומער 8, מ'היילע איך מיט אללע דריי ציפערן
מיט איינמאל; נומער 9 מ'הייל איך מיט 10, איז גאר פשוט, וויא פיעל
גוללען עס זענען דא אין מ'היילער אזוי פיעל ציפער ווארף איך אראפ
פון דיא געמ'הילטע סוממע, אין 10 איז דא איין נולל ווארף איך אראפ

דעם נולל פון 3570, בלייבט 375; נומער 10 וואָרף אַיף אַראָב צווייט
 ציפּערן, ווייל אין מַהיילער זענען דא צווייט נוללען בלייבט 862
 מאל, אינ אַרעשט 53.

אויפֿגאַבען:

- | | |
|-----------------------------------|------------------------------------|
| N _o 47) 96 : 3; | N _o 48) 832 : 4; |
| N _o 49) 2692 : 4; | N _o 50) 15492 : 6; |
| N _o 51) 572 : 11; | N _o 52) 6384 : 12; |
| N _o 53) 72870 : 14; | N _o 54) 175381 : 29; |
| N _o 55) 469590 : 30; | N _o 56) 56720 : 10; |
| N _o 57) 835760 : 100; | N _o 58) 1143296 : 203; |
| N _o 59) 4688320 : 560; | N _o 60) 8918409 : 1200. |

ענדע דיא ערשטע מַהייל.



(*) אַנטוואָרטען פון דיא אויפֿגאַבען געפינען זיך אַם ענדע דער צווייטער מַהייל

צווייטע מַהִייל

§ 9.

דיא גישט גלייכע צאהלען.

בין אהער האבען מיר ערקלעהרט וויא מיט גלייכע צאהלען צו רעכנען, אבער וואס מאכט מען ווען מיר האבען צו רעכנען מיט גישט גלייכע צאהלען, למשל: רובל מיט קאפייקען, משעטווערט מיט משעטוועריק מיט גארנעץ און דעסגלייכען, דיעזע ארט רעכנגונג וועלען מיר יעצט ערקלעהרען, נאר פריהער טווען מיר דא שמעללען א מאפעללע פון אללע מאאסען און געוויכטער פון אונזער לאנד.

לאנגע מאאס:

1 ווערסט = 500 סאווען.

1 סאווען = 3 ארשין.

1 ארשין = 16 ווערשאק.

3 ארשין = 4 איילען.

1 סאווען = 7 פוס (.)

1 פוס = 12 צאלל (..)

1 צאלל = 12 ליגנען (...)

מאסען פון תבואה:

1 משעטווערט = 2 אסמינא.

1 אסמינא = 4 משעטוועריק.

1 משעטוועריק = 8 גארנעץ.

מאסען פון פליסענדיגע זאכען:

1 פאמשקא = 40 וועדרא.

1 וועדרא = 10 קרושקען (אקס).

1 קרושקע = 10 משארקען

(קרושקאקס).

געוויכטער :

- 1 פערקאנועץ = 10 פוד .
 1 פוד = 40 פונט .
 1 פונט = 96 זאלאטניק ,
 אדער 32 לאטה .
 1 זאלאטניק = 96 דאלי .

אפאטהעקען געוויכטער :

- 1 אפאטהעקען-פונט = 28 לאטה .
 1 פונט = 12 אינצען .
 1 אינצע = 8 דראכמען .
 1 דראכמע = 3 סקרופעלן .
 1 סקרופעל = 20 גראו .

געצאהלטע וואאָרע :

- 1 גראו = 12 דוצענד .
 1 דוצענד = 12 שטיק .
 1 שאק = 60 שטיק .
 1 בונד = 30 שטיק .

פאפיר מאאָס :

- 1 באללען = 10 ריסק .
 1 ריסק = 20 ליוער .
 1 ליוער שרייבפאפיר = 24 באַנען .
 1 ליוער דרוקפאפיר = 25 באַנען .

צייט מאאָס :

- 1 יאהר = 12 מאנאטהע .
 1 יאהר = 52 וואָכען (365 טאג) .
 1 מאנאט = 30 אדער 31 טאָגע .
 נור פעברואל האט 28 אָפּט מאל 29 .
 1 וואָכע = 7 טאָגע .
 1 טאג = 24 שטונדען .
 1 שטונדע = 60 מינוטען .
 1 מינוטע = 60 סעקונדען .

מאָבעזות :

- 1 רובל = 100 קאפייקען .
 1 אימפעריאל = 10 רובל 30 קאפ' .

פון גראַססערע מאאָסען קלענערע צו מאַכען .

ווען איך האב ל'שאל : 2 פערקאנויץ 3 פוד 20 פונט , ווילל איך
 וויסען וויא פיעל פונט דאס איז , מאך איך פרייהער פון דיא בער-

קאנויץ פודען, א בערקאנויץ האט 10 פוד, 2 קאל 10 איז 20 פודען
אונ דא 3 פוד איז צוזאממען 23 פוד, א פוד האט 40 פונט, 40 קאל
23 איז 920 פונט אונ דא 20 פונט וואס איך האב פריהער געהאט איז
צוזאממען 940 פונט.

דיא רעכנונג איז אזוי:

$$2 \times 10 = 20 ; 20 + 3 = 23 ; 23 \times 40 = 920 ; 920 + 20 = 940 .$$

אויפגאבען.

(61) 12 פונט וויא פיעל זאלמניק?

(62) 3 בערקאנויץ 15 פונט, וויא פיעל פונט?

(63) 8 וועדרא, 5 קרויזשען, 9 טשאצקען, וויא פיעל טשאצקען?

(64) 3 טשעטווערט, 1 אסמינא, 2 טשעטוועריק, וויא פיעל
טשעטוועריק?

(65) 2 באללען, 8 ריכס, 12 ליווער, וויא פיעל ליווער?
וויא פיעל באנקען?

(66) 18 שאק 35 שטיק, וויא פיעל שטיק?

(67) 17 סאווען, 2 ארשין, 11 ווערשאק, וויא פיעל ווערשאק?

פון קלענערע מאססען גראסערע צו מאכען.

איך האב למשל: 8764 פונט, ווילל איך וויססען וויא פיעל פוד
אונ בערקאנויץ קענן זיין דעזע פונטען, מוהילל איך דא פונטען מיט
40, וויל א פוד האט 40 פונט, קוממט ארויס 219 פוד מיט 4 פונט,

רענע פֿורען טהייל איך אויף 10, ווייל א פֿערקאוויץ האט 10 פֿור ,
קיממט ארויס 21 פֿערקאוויץ, 9 פֿור, 4 פֿונט .

דיא רעכנונג איז אזוי:

פֿונט 4 פֿור 9 פֿערקאוויץ $21 = 10 : 219$; פֿונט 4 פֿור $219 = 40 : 8764$

אויפֿגאבען.

(68) 6394 גארנעץ, וויא פיעל טשעטווערט, אסמינען, טשעטוועריק?

(69) 95640 זאלאטניק, וויא פיעל פֿערקאוויץ, פֿור, פֿונט?

(70) 467 טשארקען, וויא פיעל וועדרא?

(71) 43650 פֿאנען שרייבפאפיר, וויא פיעל ליווער, ריסס, באללען?

(72) 7950 צאלל, וויא פיעל מאזשען, ארשין, פוס, צאללי

(73) 65700 דאלי, וויא פיעל זאלאטניק, פֿונט?

(74) 2560 גראן, וויא פיעל סקרופעל, דראכמען, אונצען, פֿונט?

(75) 6560 מינוטען, וויא פיעל שטונדען, טאג?

§ 10:

חבור מיט נישט גלייכע צאהלען.

1)	365	רובל	75	קאפ'
	578	"	92	"
	293	"	65	"

1238 רובל 32 קאפ'

2)	2	בערק.	4	פֿור	16	פֿונט
	6	"	8	"	30	"
	5	"	3	"	28	"

פֿונט 34 פֿור 6 בערק. 14

גארנעץ	5	טשעטוועריק	2	אסמינא	1	טשעטווערט	4	3)
.	6	.	3	.	—	"	3	
.	7	.	2	"	1	"	2	

גארנעץ 2 טשעטוועריק 1 אסמינא — טשעטווערט 11

באנען-דרוק	16	ליווער	10	ריסס	6	באללען	2	4)
"	12	"	16	"	8	"	7	
.	9	"	20	"	9	"	5	
.	18	"	14	"	8	"	—	

באנען 5 ליווער 2 ריסס 4 באללען 17

ע ר ק ל ע ה ר ו נ ג .

אין נומער 1 האבען מיר צוזאממען צו רעכנען רובל מיט קאפייקען
דיא קאפייקען פערטערפפען 232, און ווייל 1 רובל האט 100 קאפ' מאכען
מיר פון דיא 200 קאפייקען 2 רובל, דיא איבעריגע 32 קאפייקען שטעלל
איך אנדערע און דיא 2 גאנצע רובל רעכען איך צוזאממען מיט דיא
רובל, קומט ארויס 1238 רובל מיט 32 קאפ', אייגענטליך אז איך האב
רובל מיט קאפייקען פרויכען מיר נישט אויסצושרייבען דיא ווארטער
רובל קאפייקען נאר איך שטעלל אזוי אנדערע: 1238,32, דאס הייססט,
איך שטעלל נאר א קאממא צווישען דיא רובל און צווישען דיא קאפיי-
קען; אין נומער 2 האבען מיר צוזאממען צו רעכנען פערקאנוויץ מיט פון
און פונט, פריהער רעכנען מיר צוזאממען דיא פונטען, מאכט דאס
אויס 74 פונטען און ווייל א פון האט 40 פונט, נעמט דערפון א פון מיט
34 פונט, דיא פונטען שטעללען מיר אנדערע, און דעם איינציגען פון
רעכענען מיר מיט דיא איבעריגע פונטען צוזאממען, מאכט דאס אויס 16
פון נעמט דערפון 1 פערקאנוויץ מיט 6 פון, שטעלל איך דיא 6 פון
אנדער און דעם 1 פערקאנוויץ רעכען איך צוזאממען מיט דיא איבעריגע
פערקאנוויץ קומט ארויס אלץ און אלץ 14 פערקאנוויץ 6 פון, 34 פונט;

אין נומר 3, איז צוזאממען צו רעכנען טשעטווערט, אַסמינא, טשעט
וועריק מיט גארנעץ, דא גארנעץ זענען 18 דאס הייסקסט 2 טשעטוועריק
מיט 2 גארנעץ, שטעללען מיר ארונטער דא 2 גארנעץ און דא 2
טשעטוועריק רעכענען מיר צוזאממען מיט דא איבעריגע טשעטוועריק,
9 טשעטוועריק זענען 2 אַסמינא מיט 1 טשעטוועריק, שטעללען מיר
ארונטער דעם 1 טשעטוועריק און דא 2 אַסמינא רעכענען מיר צוזאמ-
מען מיט דא איבעריגע אַסמינא איז צוזאממען 4 אַסמינא אָדער 2
טשעטווערט, דיעזע 2 טשעטווערט ווערען צוזאממען גערעכענט מיט
דא איבעריגע טשעטווערט קוממט ארויס אלץ און אלץ 11 טשעטווערט,
1 טשעטוועריק, 2 גארנעץ; אין נומר 4 זענען דא 55 דרוק-בויגען, אָדער
2 ליווער מיט 5 בויגען, שטעללען מיר אונטען דא 5 און דא 2 ליווער
רעכען איה צוזאממען מיט דא איבעריגע ליווער, קוממט ארויס 62
ליווער אָדער 3 ריסק מיט 2 ליווער, שטעללען מיר ארונטער דא 2 ליווער
און דא 3 ריסק רעכענען מיר צוזאממען מיט דא איבעריגע ריסק איז
54 ריסק אָדער 3 באללען 4 ריסק, איז צוזאממען 17 באללען 4 ריסק 2
ליווער 5 בויגען.

א ו י פ ג א ק ע ו

ווערשאק	8	ארשין	2	סאזשען	345	ווערסט	3	76)
"	14	"	—	"	475	"	5	
"	—	"	2	"	387	"	2	
"	13	"	1	"	365	"	8	

77) 66 רובל 89 קאפ', 76 רובל 54 קאפ', 375 רובל 92 קאפ', 162
רובל 97 קאפ' 122 רובל 19 קאפ', וויפיעל איז צוזאממען?

78) 35 וועדרא 6 קרושקען 7 טשאַרקען, 24 וועדרא 4 קרוש-
קען 6 טשאַרקען, 36 וועדרא 5 קרושקען 3 טשאַרקען, 25 וועדרא
4 קרושקען, 6 טשאַרקען, ווי פיעל איז צוזאממען?

79) איינער האט געקומען 16 גערקאוויץ 5 פוד 18 פונט
 40 זאלאטניק, 24 גערקאוויץ 8 פוד 28 פונט 75 זאלאטניק, 9 גער-
 קאוויץ 16 פונט 7 פוד 28 פונט, 13 גערקאוויץ 9 פוד 24 פונט 16
 זאלאטניק, וויא פיעל איז דאס אלץ צוזאמען ?

§ 11.

חסור מיט נישט גלייכע צאהלען.

1) קאפ' 85 רובל 42
 17 " 64 "

2) קאפ' 16 רובל 50
 16 " 78 "

קאפ' 21 רובל 25

קאפ' 38 רובל 33

3) נארנעץ 6 טשעטוועריק 2 אסמינא 1 טשעטווערט 14
 -8 " — " 3 " 7 "

נארנעץ 7 טשעטוועריק 2 אסמינא — טשעטווערט 6

4) זאלאטניק 40 פונט 16 פוד 5
 2 " 24 " 72 "

5) ווערשאק 6 ארשין 1 סאזשען 40
 30 " 2 " 9 "

זאלאטניק 64 פונט 31 פוד 2

ווערשאק 13 ארשין 1 סאזשען 9

6) באנען — לייווער — ריסס — באללען 45
 17 " 4 " 7 " 16 דוק-באנען

באנען 9 לייווער 12 ריסס 5 באללען 27

גערקלערונג.

אין נימער 1 איז דיא רעקנונג פשוט, איך ציהע אראב דיא

אונטערשטע קאפינקען פון דיא אויפערשטע בלייבט 21 קאפ', דיא אונ-
טערשטע רובל פון דיא אויפערשטע רובל, בלייבט 25 רובל.

אין נומער 2, זענען דיא אונטערשטע קאפינקען סעקטער וויא דיא
אויפערשטע, אינטען שטעקען 78 קאפ' אונ אויפערן גאר 16 קאפ', וויא
קענן מען ארוינטער ציהען 78 פון 16? מוזען מיר צו בארנען 1 רובל פון
דיא רובל'ס, א רובל האט 100 קאפ' איז צוזאממען 78,116 פון 116 בלייבט
38 קאפ', רובל איז גאר דא 49, ווייל 1 רובל האב איך שוין צו געבארנט
פריהער, 16 פון 49 בלייבט 33.

אין נומער 3, בארג איך צו א טשעטוועריק צו דיא גארנעץ ווייל 7
פון 6 קענן מען נישט אראפ-געקמען, א טשעטוועריק האט 8 גארנעץ
איז צוזאממען 14 גארנעץ, 7 פון 14 בלייבט 7, פון דיא 2 טשעטווע-
ריק איז גאר געבליעבען איין טשעטוועריק, ווייז איינעם האב איך צו
געבארנט צו דיא גארנעץ, אונ 3 פון 1 קענן איך דאך ווייטער נישט
אפציהען, בארג איך צו א אסמינא, דאס האט 4 טשעטוועריק איז צו-
זאממען 5 טשעטוועריק, 3 פון 5 בלייבט 2, שטעלל איך ארוינטער דעם
2, אסמינא איז שוין גאר נישט דא, רעכען איך אראפ 8 טשעטווערט
פון 14 טשעטווערט בלייבט 6 טשעטווערט, אונ אזוי ווערט גערעכענט
דיא איבעריגע רעכונקעס.

א י פ ג א ב ע ן .

(80) איינער האט געהאט 12 טשעטווערט, האט ער דערפון פער-
קויפט 7 טשעטווערט 1 אסמינא 2 טשעטוועריק 5 גארנעץ, וויא
פיעל איז איבער געבליעבען?

(81) פון 18 בערקאוויץ 7 פוד 60 זאלאטניק ארוינטער צו געקמען
15 בערקאוויץ 2 פוד 15 פונט 90 זאלאטניק, וויא פיעל בלייבט?

(82) איינער האט 124 וועדרא 5 קרושקען 6 טשארקען פראגרוויין

האט ער דערפון פערקויפט, אן אבראמזאן 17 וועדרא 4 קרושקען 6
טשארקען, אן בערמאן 16 וועדרא 5 קרושקען 9 טשארקען, אן גאלד-
מאן 35 וועדרא 7 קרושקען 9 טשארקען, וויא פיעל פלייבט בייא
איהם איבעריג.

(83) פון 8 באללען 6 ריכס שרייבפאפיר, איז געווארען פערקויפט
3 באללען 7 ריכס 12 לינער 16 באנען, וויא פיעל איז איבערגעבליבען?

(84) פון א שטיק ליינוואנד 61 ארשין 9 ווערשאק, איז געווארען
אפגעשניטען 34 ארשין 12 ווערשאק, וויא פיעל איז איבערגעבליבען?

§ 12.

בפֿל מיט נישט גלייכע צאהלען.

נארנעץ 7 טשעמוועריק 5 טשעמווערט 12 2) קאפ' 34 רובל 25 1)
× 9 × 6

נארנעץ 7 טשעמוועריק 4 טשעמווערט 114 152, 04

טשארקען 9 קרושקען 6 וועדרא 4 4) ווערשאק 14 ארשין 2 סאזשען 5 3)
× 15 × 12

טשארקען 5 קרושקען 3 וועדרא 70 ווערשאק 8 ארשין 1 סאזשען 71

ערקלערונג.

אין נומר 1 ווערט פשוט גערעכענט, 6 מאל 34 קאפייקען איז
204 קאפ' אדער 2 רובל מיט 4 קאפייקען, שטעלל איך ארויסער דיא 4
קאפייקען אונ דיא 2 רובל האלט איך, דערנאך דאפעל איך 6 מאל 25
איז 150, אינ דיא 2 וואס איך האב געהאלטען איז צוזאממען 152 רובל
מיט 4 קאפ'.

אין נומער 2 דאפּפּעל איך מיט דיא 9 פּרייזער דיא גארנעץ 9 מאל
 7 איז 63 גארנעץ, א טשעטוועריק האט 8 גארנעץ, טהייל איך דיא 63
 אויף 8, קוממט ארויס 7 טשעטווערט מיט 7 גארנעץ, שטעלל איך
 ארוינטער דיא 7 גארנעץ אונ דיא 7 טשעטוועריק האלט איך, דערנאך
 דאפּפּעל איך דיא 5 טשעטוועריק מיט 9 איז 45 אונ דיא 7 טשעטוועריק
 איז 52 טשעטוועריק, אונ ווייל א טשעטווערט האט 8 טשעטוועריק
 טהייל איך דיא 52 אויף 8, קוממט ארויס 6 טשעטווערט מיט 4 טשע-
 טוועריק; אין נומער 3 מאך איך אזוי מיט דיא באזשען, אונ אין נומער 4
 מאך איך אזוי מיט דיא ווערדא.

אויפגאבען.

(85) 14 מאל 137 רובל 16 קאפ, וויא פיעל איז?

(86) אין א באגצעלארע ווערט פערברויכט אין זעדער וואכע 2
 באללען פאפיר 3 ריכס 6 ליטער, אין 9 וואכען וויא פיעל פערברויכט מען?

(87) צו דאפּלען 18 פערקאוויץ, 6 פוד, 15 פונט, 30 זאלאטניק מיט 6.

(88) אין א מיהל ווערט געמאדלען אין איין טאג 12 טשעטווערט,
 6 טשעטוועריק, 4 גארנעץ, וויא פיעל קענן מען מאדלען אין 30 טאג?

(89) א שטריק-מאכער מאכט פארטיג אין א וואך א שטריק פון
 225 באזשען, 2 ארשין, 12 ווערשאק דיא לענג, וויא פיעל קענן ער
 פארטיג מאכען אין 24 וואכען?

(90) פון 12 טשעטווערט, 1 אסמינא, 2 טשעטוועריק, 4 גארנעץ
 זאל מען אפּרעכענען 5 טשעטווערט 6 טשעטוועריק 5 גארנעץ אונ
 דעם רעשט צו דאפּלען צו 8 מאל אזוי פיעל.

אייגענטליך קענן מען רעכנען בפל אויף גאד א אויפן, מען מאכט

פון דיא גראססערע מאסען קלענערע, אזוי וויא איך האב געצייגט
 אין § 9 דערנאך דאספּעל איך, למשל דיא רעכנונג נומער 2, 9 מאל
 12 טשעטווערט, 5 טשעטוועריק, 7 גארנעץ, צערטוארף איך אלץ אין
 גארנעץ, קומט ארויס 815 גארנעץ, דערנאך דאספּעל איך מיט דיא
 9 קומט ארויס 7335 גארנעץ, דערנאך אז איך ווילל מאך איך דערפון
 צוריק טשעטוועריק און טשעטווערט, אזוי וויא איך האב געצייגט אין
 § 9 מאכען פון קלענערע צאהלען גראססערע, דיעזער אופן איז אפילו
 דא מעהר ארבייט אפער עס איז דא אפּט מאל וואס מען מוז רעכענען
 אויף דיעזעס אופן, למשל דיא זעלביגע רעכנונג: איך האב 12 טשעט-
 ווערט, 5 טשעטוועריק, 7 גארנעץ, און א גארנעץ קאסט 9 קאפּיקען
 אז איך ווילל וויסען וויא פיעל קאסט מיך דיא גאנצע סחורה, מוז איך
 מאכען פון אלץ גארנעץ, ווייל דער פּעשטוממטער מקח 9 קאפּיקען איז
 פאר א גארנעץ, דיעזע רעכנונג פון גראססערע מאסען קלענערע צו מא-
 כען, איז פון קלענערע גראססערע צו מאכען, האבען מיר שוין אויפגע-
 גענוג ערקלעהרט.

§ 13.

חלוק מיט נישט גלייכע צאהלען.

- 1) קאפ' 65, רובל 21 = 4 : קאפ' 60 רובל 86
- 2) פונט 29, פוד 1, ב. 1 = 16 : פונט 24, פוד 7, בערקאוויץ 18
- 3) שרייב-באג. 16 ליוו. 12 ריס 1 = 25 : באגען 16, ליווער 16, ריסס 40
- 4) ווער. 12 ארשין 1 סאזש. 10 = 1 : ווערשאק 8 ארשין 2 סאזשען 15

ערקלעהרונג.

אין נומער 1, טהייל איך מיט דיא 4 פריהער דיא רופּר געהט אויף
 21 מאל און 2 רופּל גלייבט, מאך איך דערפון קאפּיקען, איז צוזאממען

260 קאפליקען, דיעזע סוממע טהייל איך מיט דעם 4 קוממט אויס 65 קאפ', דאס איז צוזאממען 21 רובל 65 קאפ'.

אין נומער 2, טהייל איך מיט דיא 16, דיא בערקאנוויץ געהט אויף 1 מאל אונ 2 בערקאנוויץ בלייבען, פון דיעזע 2 בערקאנוויץ מאך איך פונדען, דאס איז 20 פוד מיט דיא 7 פוד איז 27 פוד, דיעזע 27 טהייל איך מיט דיא 16 געהט אויף 1 מאל אונ 11 בלייבט איבעריג, פון דיעזע 11 מאך איך פונדען דאס איז 440 פונט אונ דיא 24 פונט איז צוזאממען 464 פונט, טהייל איך דיעזע סוממע מיט 16 קוממט ארויס 29 פונט, דיא גאנצע סוממע 1 בערקאנוויץ, 1 פוד 29 פונט.

אין נומער 3, טהייל איך דיא ריכס אויף 25, געהט אויף 1 מאל אונ 15 בלייבט, דערפון מאך איך ליטער, 15 ריכס איז 300 ליטער אונ דיא 16 פריהענדיגע איז צוזאממען 316 ליטער, טהייל איך מיט 25 געהט אויף 12 מאל אונ 16 בלייבט, פון דיא 16 ליטער מאך איך גאנען שרייב-פאפיר 24 מאל 16 קוממט אויס 384 אונ דיא 16 גאנען, איז צו-זאממען 400, 25 אין 400 געהט אויף אקוראט 16 מאל, אויך דיעזען אויפן מאכע איך מיט דיא סאזשען אונ ארשין אונ נאך אזעלכע רעכנונקעס.

אויפגאבען.

(91) וויא פיעל איז דער פינפטער טהייל פון קאפ' 75 רובל 305.

(92) מענשען האבען געקויפט 50 טשעטונערט, 1 אקמיונא, 2 טשעטונעריק, 4 גארנעץ, וויא פיעל קוממט אויס פאר יעדערען בעזונדער.

(93) צו טהיילען 5 פאללען, 6 ריכס, 16 ליטער אויף 16 חלקים.

(94) 6 פערזאנען טהיילען צווישען זיך 14 בערקאנוויץ, 6 פוד 16 פונט וואלל, וואס בעקוממט יעדערער.

(95) 45 וואלל ווערען צוטהיילט צווישען ארעמע מענשען, יע-

דערער זאלל קריגען 75 קאפייקען, וויא פיעל אָרעמע דארפֿען צוא
צוין דערצו?

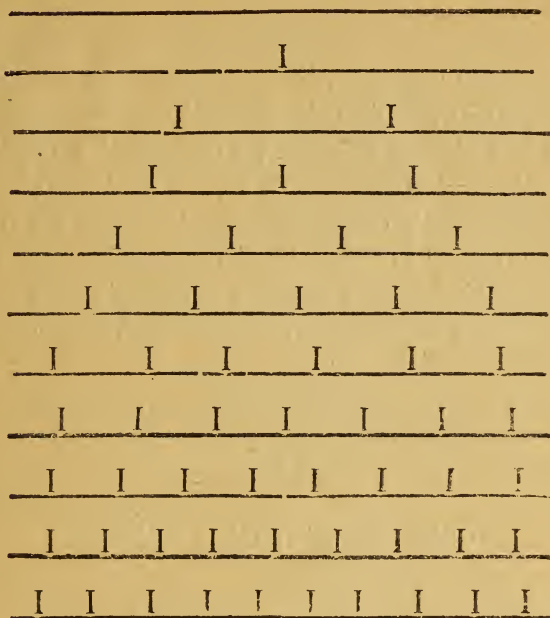
אזוי וויא מיר האבען ערקלעהרט בייא פפֿל אז מען קען אויף
נאך א אויפן רעכענען, מען זאלל צווארפען אללע גראסערע צאהלען
אין קלענערע, איז בייא חלוק נאך פֿראקטישער דיעזע ארט רעכנונג,
למשל: איך האב 18 פֿערקאנויץ 7 פוד 24 פונט אונ ווילל דאס טהיילען
אויף 16, מאך איך פון דיא פֿערקאנויץ פודען, פון דיא פודען פונטען,
קוממט ארויס 7504 פונט אונ דיעזע צאהל טהיילע איך אויף 16 קוממט,
ארויס 469 פונט, דאס איז דיא זעלבונע וואס 1 פֿערקאנויץ 1 פוד 29
פונט, אזוי וויא עס איז בארעכענט אין רעכנונג נומר 2, § 13.

§ 14.

עטוואס פון תשובות (ברוקע, דראב)

א ברוך הייססט וועניגער פון א גאנצע, ווען איך נעהם אנאך
אונ צומהייל אין פֿערשיעדענע טהיילען, איז יעדער טהייל פון דער וואך
א ברוך, למשל: איך צומהייל א באגען פאפיר אין 2 טהייל, איז איין
חלק דערפון א ברוך פון דעם גאנצען באגען, מען קען טהיילען יעדע
ואך אין וויא פיעל חלקים מען ווילל אונ יעדער חלק הייססט א ברוך,
אום דיא וואך פֿערשטאנדיגער צוא מאכען, וועללען מיר דא יעמאט
בעסער ערקלעהרען.

א פאקטע פון ברוך (קראב).



דיא ערשטע ליניע איז א גאנצער שטרוף, ער איז גישט גע-
 טהיילט; דיא צווייטע ליניע איז אין צווייא טהיילע געטהיילט, יעדער
 טהייל איז א האלב, וועגן איך וויל דאס בעצייכענען מיט א ציפער,
 שרייב איך $\frac{1}{2}$; דיא דריטע ליניע איז געטהיילט אין דרייא תלקים,
 אין טהייל איז אין דריטעל אונ איך שרייב $\frac{1}{3}$, 2 טהיילע דערפון
 איז 2 דריטעל אונ איך שרייב $\frac{2}{3}$; דיא פיערטע ליניע איז געטהיילט
 אין פיער טהיילע, אין טהייל דערפון איז $\frac{1}{4}$, צווייא טהיילט $\frac{2}{4}$,
 דרייא טהיילע $\frac{3}{4}$; דיא פינפטע ליניע איז געטהיילט אין 5 תלקים,
 אין תלק איז $\frac{1}{5}$, 2 תלקים $\frac{2}{5}$, דרייא תלקים $\frac{3}{5}$, פיער תלקים $\frac{4}{5}$;

דיא זעקסטע לינגע איז געטהיילט אין 6 חלקים, איין חלק איז $\frac{1}{6}$, צוויי חלקים איז $\frac{2}{6}$, דריי חלקים איז $\frac{3}{6}$, פיער חלקים איז $\frac{4}{6}$, פינף חלקים איז $\frac{5}{6}$; דיא זיבעטע לינגע איז געטהיילט אין זיבען חלקים, איין חלק איז $\frac{1}{7}$, צוויי חלקים איז $\frac{2}{7}$, אונז צוויי חלקים איז געטרינגע לינגען.

§ 15.

יעדער פרוך האט צוויי ציפפערן, למשל: א האלבע שרייב איז $\frac{1}{2}$, צוויי דריטטעל שרייב איז $\frac{2}{3}$, דריי פערטיל שרייב איז $\frac{3}{4}$, דער אונטערשטער ציפפער הייססט: "נענער" ווייל היעזער ציפפער גיבט אנאהמען דיא חלקים וואס דיא צאהל איינס איז געווארען אין זיין צוא טהיילט; דער אויפערשטער ציפפער הייססט: "צאהלער", ווייל ער צאהלט אפ וויא פיעל חלקים איז געקום פון דער צוטהיילטער צאהל, למשל: $\frac{3}{4}$ דיא ציפפער 4 זאגט מיר אז דיא גאנצע צאהל איז געווארען צוטהיילט אין 4 חלקים, דארום רופט ער איהם "נענער", דער 3 זאגט מיר אז פון דיא 4 חלקים האב איך נאר גענומען 3 חלקים, דארום הייססט ער "צאהלער".

§ 16.

געוואהנליך דארף אלע מאל דער צאהלער קענען זיין אלס דער נענער, אזא פרוך הייססט א "עכטער פרוך", א מאד קענען אפער אויך זיין אז דער צאהלער איז גראסער פון דעם נענער, למשל: איך האב גענומען 3 עפזיל אונז האב יעדער עפזיל צושניטען אין 4 חלקים, אונז האב דערפון גענומען 8 חלקים, דאס הייססט איך האב גענומען $\frac{8}{4}$, אזא פרוך הייססט א "אונגעכטער פרוך", אז איך ווילל פון א "אונגעכטען פרוך" מאכען גאנצע מוז איך טהיילען דעם נענער

אין דעם צאהלער, לִמְשָׁל: $\frac{8}{4}$ נאָן איך: 4 אין 8 געהט 2 מאל, קומט ארויס צוויי גאנצע, אז איך האב $\frac{9}{4}$ קומט ארויס $2\frac{1}{4}$, אזא ברוך הייסט א געמישטער ברוך.

§ 17.

אז איך האב א ברוך און איך געהם א צאהל וועלכע איך ווילל און דאפּפּעל מיט איהם דעם צאהלער און דעם געגנער, איז דאמיט דער ווערטה פון דעם ברוך נישט געענדערט, לִמְשָׁל: איך האב $\frac{2}{4}$ און געהם א ציפּפער 3 און דאפּפּעל מיט דעם 3 דעם געגנער און דעם צאהלער, ווערט דערפון $\frac{6}{12}$, יעדערער ווייסט דאס $\frac{6}{12}$ האט דעם זעלביגען ווערטה וואס $\frac{2}{4}$, נאר דיא חלקים זענען געווארען פארקלע-נערט, לִמְשָׁל: איך האב צוויי גלייכע עפּפיל, איינעם האב איך צווייגן-טען אין 4 חלקים און האב דערפון גענומען 2 חלקים, האב איך נאטיג-ליך גענומען א האלבען עפּפיל, דעם צווייטען עפּפיל האב איך צווא שניטען אין 12 חלקים און האב דערפון גענומען 6 חלקים האב איך אויך א האלבען עפּפיל נאר דיא חלקים זענען קלענער און סערה: אזוי אויך וועגן איך געהם א ציפּפער וועלכע איך ווילל, און טהייל דעם געגנער און דעם צאהלער, איז דער ווערטה פון ברוך דאמיט נישט גע-ענדערט, לִמְשָׁל: $\frac{2}{4}$ וועל איך טהיילען מיט 2 וועט הערויסקומען $\frac{1}{2}$ ווארום 2 אין 2 געהט 1 מאל, 2 אין 4 געהט 2 מאל, $\frac{1}{2}$ און $\frac{2}{4}$ האפען דעם זעלביגען ווערטה.

§ 18.

אפּער אז איך דאפּפּעל מיט א ציפּפער נאר דעם צאהלער ווערט דיא ווערמקייט פונ'ם ברוך פערנאקסערט, לִמְשָׁל: $\frac{2}{4}$ אז איך דאפּפּעל דעם צאהלער אליין מיט 3, הייסט דאס 3 מאל $\frac{2}{4} = \frac{6}{4}$, ווייל דער געגנער איז געבליעבען דער זעלבער; פערקערט, וועגן איך דאפּפּעל נאר דעם

נעננער ווערט דיא ווערטקייט פונ'ם ברוך פערקלענערט, למשל: $\frac{2}{4}$ אז
 איך דאפפערל דעם נעננער מיט 3, הייסט דאס 3 מאל $\frac{2}{12} = \frac{1}{6}$, ווייל דער
 צאהלער איז געבליבען דער זעלבער; יעדערער פערשטעהט אז $\frac{2}{12}$
 איז פיעל מענער וויא $\frac{2}{4}$. ביים טהיילען איז אקוראט פערקערט וויא
 ביים דאפפלען, אז איך טהייל מיט א ציפער נאר דעם נעננער אזוי
 ווערט דיא ווערטקייט פון דעם ברוך פארבראכטערט, אונ אז איך טהייל
 נאר דעם צאהלער אליין ווערט דיא ווערטקייט פונ'ם ברוך פערקלע-
 נערט, למשל: $\frac{2}{4}$ אז איך טהייל דעם נעננער מיט א 2 ווערט דערפון
 $\frac{2}{2}$ דאס איז א נאנצע, אונ אז איך טהייל דעם צאהלער מיט א 2
 ווערט דערפון $\frac{1}{4}$.

§ 19.

אזוי וויא מיר האבען ערקלערט אז ווען מען דאפפערט מיט א
 ציפער דעם נעננער מיט דעם צאהלער אדער אז מען טהיילט דעם
 נעננער מיט דעם צאהלער, ווערט דיא ווערטקייט פון דעם ברוך נישט
 געענדערט, דארום ווען מיר האבען גראסערע ברייטע קענען מיר וויא
 אלע מאל פערקלענערען מיט וועלכע ציפער איך וויל, כדי עס זאל
 זיין לייכטער צום רעכנען, נאטירליך מוז מען געהען און ציפער וואס
 ער זאל קענען זיך טהיילען אין דעם נעננער אונ אין דעם צאהלער אונ
 עס זאל נישט בלייבען, למשל: איך האב $\frac{8}{12}$, קען איך דענען ברוך
 אפערענען מיט א 4 ווערט דערפון $\frac{2}{3}$, ווייל 4 אין 8 געהט אויף 2 מאל,
 4 אין 12 געהט 3 מאל; וויא איז אפער אז איך האב $\frac{9}{12}$, דאס קען
 איך שוין נישט פערקלענערען מיט א 4, ווייל פון דעם צאהלער וועט
 בלייבען 1 אונ עס טאר גאר נישט בלייבען, גאר איך קען דאס אפ-
 קערענען מיט א 3 ווערט דערפון $\frac{3}{4}$, ווייל 3 אין 9 געהט אויף 3 מאל,
 3 אין 12 געהט 4 מאל. דאס איז אפער אלץ ביי א קליינעם ברוך קען
 מען לייכט געפינען מיט וואס פאר א ציפער איהם פארקלענערען,
 אפער ביי א גרויסען ברוך וויא למשל: $\frac{255}{354}$, איז שוין שווערער דעם
 ציפער צו געפינען מיט וואס איך קען $\frac{255}{354}$ פערקלענערען דען ברוך.

אין אַסר'ן קעגן מען דאס פֿערקלענערען מיט א 3, וועט ארויסקומען
 $\frac{85}{118}$ נאר פון וואנען קעגן איך אפער וויססען אז מען קעגן דאס מיט
 א 3 פֿערקלענערען? אויף דעם זענען דא פֿענאנדערע כללים וואס
 מיר וועלען דא ערקלערען אין דעם קומטענדיגען פארבאנדאף.

§ 20.

כללים צו פֿערקלענערונג פון בריבע.

(1) דורך א 2 לאזט זיך א צאהל טהיילען, ווען דער ערשטער
 ציפֿפער וואס ווייזט אויף איינציגע, ווערט געטהיילט דורך א 2 קעגן
 מען דיא גאנצע צאהל טהיילען דורך א 2, למשל:

$$\frac{12}{22} \quad \frac{374}{458} \quad \frac{6796}{7254} \quad \frac{78328}{96532}$$

אויך ווען דער ערשטער ציפֿפער איז א נול קעגן מען טהייערן מיט א 2

(2) דורך א 4 לאזט זיך א צאהל טהיילען, ווען די ערשטע צוויי ציפֿ-
 פֿערן ווערען געטהיילט אויף 4 למשל:

$$\frac{12}{28} \quad \frac{324}{548} \quad \frac{7344}{9636} \quad \frac{87268}{93516}$$

(3) דורך א 8 לאזט זיך א צאהל טהיילען, ווען דיא ערשטע 3
 ציפֿפערן ווערען געטהיילט דורך א 8 למשל:

$$\frac{848}{920} \quad \frac{5648}{6472} \quad \frac{14488}{32776}$$

(4) דורך א 5 לאזט זיך א צאהל טהיילען ווען דיא ערשטע ציפֿפער
 איז א נול אדער א 5.

(5) דורך א 3 לאזט זיך א צאהל טהיילען, ווען דיא קווערסיקומע
 קעגן געטהיילט ווערען דורך א 3 (דיא קווערסיקומע הייססט ווען איך
 דעקען צוואקסען דיא ציפֿפערן פון דער גאנצער צאהל, למשל: 75,
 5 מיט 7 איז צוואקס א 12 טהיילט זיך אויף 3), למשל:

$$\frac{534}{631} \quad \frac{2424}{3156} \quad \frac{32172}{53241}$$

דיא זעלבנע רענער איז מיט דעם ציפער 3, למשל:

<u>18</u>	<u>585</u>	<u>2961</u>	<u>87345</u>
27	891	3645	92538

(6 דורך 6 לאזט נישט א צאהל טהיילען ווען דיא זעלבנע צאהל קען איה טהיילען דורך 2 און דורך 3, למשל:

<u>72</u>	<u>396</u>	<u>5724</u>	<u>63522</u>
84	468	9216	98136

אויפגאבען:

№ 96) <u>792</u>	№ 97) <u>132</u>	№ 98) <u>328</u>	№ 99) <u>704</u>
891	297	416	902

№ 100) <u>1320</u>	№ 101) <u>6468</u>	№ 102) <u>210</u>	№ 103) <u>5136</u>
1440	7392	504	5148

№ 104) <u>19404</u>	№ 105) <u>1122</u>	№ 106) <u>322146</u>
33264	3132	439290

§ 21.

אדירען (חבור) אין בריבע (תשבורת):

ווען איה האב פערשיעדענע בריבע וואס וויערע גענוערס ווען גלייכע איז זעהר לייכט ווי צוזאמענרעכנען, למשל איה האב:

$$\frac{3}{8} + \frac{4}{8} + \frac{5}{8} + \frac{6}{8} + \frac{7}{8} = \frac{25}{8} = 3 \frac{1}{8}$$

דאס הייסט איה רעכען נאר צוזאמען אלע צאהלערס, קומט ארויס $\frac{25}{8}$ אדער 3 גאנצע און $\frac{1}{8}$.

וויא איז אפער ווען די געגנערס זענען נישט גלייכע, למשל: איך האב $\frac{1}{2}$ און $\frac{3}{4}$ דא קעגן איך דאך נישט צוזאמגעגעבן נאר דיא צאהלערס אלליין, ווייל דיא געגנערס זענען נישט גלייך; נאר דערצו איז אויך דא א מיטטעל, מען מוז נאר געדענקען וואס איך האב אויפגען געשריבען: אז ווען מען נעהמט א ציפער וועלכען עס איז און מען דאפפערט דאמיט דעם צאהלער און דעם געגנער, איז דיא ווערטקייט פון דעם ברוד דיא זעלבע, דארום קענען מיר געפינען א מיטטעל צום פערגראסערען מיט א ציפער דעם געגנער און דעם צאהלער, פרי דיא געגנער זאללען ווערען גלייכע, למשל: איך האב $\frac{1}{2} + \frac{3}{4}$ קעגן איך דעם ערשטען ברוד פערגראסערען מיט א ציפער 2, 2 מאל 2 איז 4, 2 מאל 1 איז 2, ווערט פון דעם $\frac{1}{2}, \frac{2}{4}$, יעצט אז דער געגנער איז אויך $\frac{4}{4}$ קען איך שוין די צוויי בריכע צוזאמגעגעבן $\frac{1}{4} + \frac{3}{4} = \frac{4}{4}$.

דיא זעלביגע נאך איז ווען איך דארף ביידע בריכע פערגראסערען, למשל: $\frac{5}{6} + \frac{3}{8}$ פערגראסערען איך דעם ערשטען ברוד מיט א 4 ווערט פון איהם $\frac{20}{24}$, און דעם צווייטען ברוד פערגראסערען איך מיט א 3 ווערט פון דיעזעם $\frac{9}{24}$, איז צוזאממען $\frac{9}{24} + \frac{20}{24} = \frac{29}{24} = 1\frac{5}{24}$.

נאר אין אמת'ן געזאגט פערדארף איך נאר נישט זוכען פערמדע ציפערן צו פערגראסערען דיא בריכע איך קען דאס געפינען אין דיא בריכע אלליין, בייא דעם ערשטען משל $\frac{1}{2} + \frac{3}{4}$ געהט איך דעם געגנער פון דעם ערשטען ברוד און דאפפערט דעם געגנער און צאהלער פון דעם צווייטען ברוד, דערנאך געהט איך דעם געגנער פונ'ם צווייטען ברוד און דאפפערט דעם געגנער און צאהלער פונ'ם ערשטען ברוד 4 מאל $\frac{1}{2}$ קוממט ארויס $\frac{4}{8}$, 2 מאל $\frac{3}{4}$ קוממט ארויס $\frac{6}{8}$, $\frac{4}{8} + \frac{6}{8} = \frac{10}{8} = 1\frac{2}{8}$ אדער ווען איך קורץ דאס אב $\frac{1}{4} = \frac{5}{4}$ ביים צווייטען משל: 6 מאל $\frac{1}{8} = \frac{6}{8}$, 8 מאל $\frac{5}{8} = \frac{40}{8}$, צוזאממען $\frac{40}{8} + \frac{18}{8} = \frac{58}{8} = 7\frac{2}{8}$ אדער $\frac{29}{24} = 1\frac{5}{24}$.

א ו י פ ג א ב ע ו

№ 107) $\frac{2}{3} + \frac{3}{4}$; № 108) $\frac{1}{3} + \frac{2}{5}$; № 109) $\frac{2}{5} + \frac{1}{6}$;

$$110) \frac{3}{5} + \frac{4}{7}; 111) \frac{5}{6} + \frac{3}{5}; 112) \frac{6}{7} + \frac{4}{5}; 113) \frac{5}{8} + \frac{2}{7};$$

$$114) \frac{5}{7} + \frac{3}{8}; 115) \frac{8}{9} + \frac{4}{5}; 116) \frac{6}{11} + \frac{7}{13}$$

§ 22.

דיא זעלבונגע רעכנונג קעננען מיר אויף אויף איין אנדער אופן
גרונדלעךען, למשל $\frac{3}{4} + \frac{1}{2}$, דאספער איז איין נענער מיטן צווייטען,
ווערט דערפון 8, דיעזער 8 הייסט: "גענעראל-גענער", ווייל ער איז
געווארען א גענער פיר ביידע פריקע, יעצט מוז מען דיא צאהלער
אויף פערנראסערען, געה אויף צום ערשטען פרוף, דער פריהעריגער
גענער איז געוועזען א 2, יעצט איז ער א 8, מיט וויפועל מאל איז
דער יעצטיגער גענער געווארען גראסער? מיט 4 מאל, ווייל 2 אין 8
געהט 4 מאל, היינט אז דער גענער איז געווארען מיט 4 מאל גראס-
ער, מוז מען דעם צאהלער אויף פארנראסערען מיט 4 מאל, דער
פריהעריגער צאהלער איז געוועזען א 1 יעצט ווערט ער 4; ביים צוויי-
טען פרוף איז דער גענער געוועזען א 4, יעצט איז ער געווארען א 8,
4 אין 8 געהט 2 מאל, מוז מען אויף דעם צאהלער פערנראסערען מיט
2 מאל, 2 מאל 3 איז 6 קומט מיר יעצט ארויס $\frac{6}{8} + \frac{4}{8}$, דיא הויפט-
זאכע איז צו בעמערקען דאס אזוי-פיעל מאל דער גענער איז געווארען
גראסער, מוז דער צאהלער אויף גראסער ווערען.

§ 23.

אויף דיעזען אופן קעננען מיר מעהרערע פריקע צוזאמסענערעכנען,
למשל: $\frac{3}{4} + \frac{2}{3} + \frac{1}{2}$, דאספער איז אללע גענער'ס מיט אנאנדער 3×2
איז 6, 6×4 איז 24, איז דער "גענעראל-גענער" 24, דער ערשטער
גענער איז מיט 12 מאל גראסער געווארען דארף דער צאהלער אויף
גראסער ווערען מיט 12 מאל

$$12 \times 1 = 12$$
דער צווייטער גענער איז גראסער געווארען מיט 8 מאל

$$8 \times 2 = 16$$
דער דריטער גענער איז מיט 6 מאל גראסער געווארען

$$6 \times 3 = 18$$

$$\frac{46}{24} = 1 \frac{22}{24} = 1 \frac{11}{12} \text{ איז צוזאמגען}$$

אין אַקטיוו קעגן מען דיעזע רעכנונג נאך קורצער רעכנען. נאר
אין כלל דארף מען וויססען דאס ווען איין געגנער געהט אויף אין דעם
אָדערן געגנער, קעגן מען איהם אין גאנצען אוועק ווארפען; איג דעם
לעצטען רעכנונג איז איין געגנער א 2 איג איין געגנער א 4, ווי פאלד
2 געהט אין 4 רעכענט מען דעם 2 נאר נישט נאר איף דאפּפּעל 4×3
איז 12, איז דער גענעראל-געגנער א 12, דער ערשטער געגנער איז
געווארען גראסער מיט 6 מאל $6 \times 1 = 6$

דער צווייטער געגנער איז געווארען גראסער מיט 4 מאל $4 \times 2 = 8$
דער דריטער געגנער איז געווארען גראסער מיט 3 מאל $3 \times 3 = 9$

$$2^3/12 = 1^{11}/12$$

§ 24:

פרי נאך בעסער צו פראקטיצירען אין דיעזער רעכנונג וועלען
מיר נאך 2 ביישפילע געבען.

$$\text{א 1) } 2/3 + 3/5 + 1/2 + 4/7 \quad \text{א 2) } 3/4 + 5/8 + 1/2 + 3/5$$

אין רעכנונג נומר 1 איז נאר נישט אפצוקערצען, מיט מען
דאפּפּלען דיא געגנערס איינער מיט דעם אנדערען:

$$7 \times 2 = 14 \times 5 = 70 \times 3 = 210.$$

איז דער גענעראל-געגנער 210, יעמזט זעה איף מיט וויא פיער מאל
איז דער ערשטער געגנער 7 געווארען גראסער מיט 30 מאל, ווייל
7 אין 210 געהט אויף אקוראט 30 מאל $4 \times 30 = 120$

דער צווייטער געגנער 2 איז געווארען גראסער מיט 105 מאל $105 \times 1 = 105$
דער דריטער געגנער איז געווארען גראסער מיט 42 מאל $42 \times 3 = 126$
דער פערטער געגנער איז געווארען גראסער מיט 70 מאל $70 \times 2 = 140$

$$421/210 = 2^{71}/210$$

§ 25.

אין רעכנונג נומער 2, קעגן מען שוין אפּקורצען, ווייל 2 געהט אויף אין 8, אויף 4 געהט אויף אין 8, קעגן מען דיעזע צוויי ציפּ-פערן אוועק ווארפען, בלייבט נאר 5 אונט 8, $40 = 8 \times 5$, איז דער נע-געראל-גענוגער 40:

דער ערשטער גענוגער 5 איז געווארען גראסער מיט 8 מאל, $24 = 3 \times 8$
דער צווייטער גענוגער 2 איז געווארען גראסער מיט 20 מאל, $20 = 1 \times 20$
דער דריטער גענוגער 8 איז געווארען גראסער מיט 5 מאל, $25 = 5 \times 5$
דער פיערטער גענוגער 4 איז געווארען גראסער מיט 10 מאל, $30 = 3 \times 10$

$$99/40 = 2^{19}/40$$

§ 26.

יעצט שטעללען מיר נאך איין רעכנונג צו פראבע.

$$3/4 + 5/6 + 2/3 + 1/3 + 5/14 + 3/8$$

אין דיעזעס רעכנונג קעגן מען 2 גענוגערס ארויס ווארפען, דער גענוגער 4 געהט אויף אין גענוגער 8, דער גענוגער 3 געהט אויף אין 9 אדער אין 6, בלייבען יעצט 8, 14, 9, 6, דאס קעגנען מיר אפּקורצען, מיר וועגן אזא ציפּער וואס קעגן אויפגעהען אין אקלע גענוגערס אדער וועניגסטענס אין 2 גענוגער, למשל: א 2 געהט אויף אין 8, 14, 6, שטעלל איך אזוי אנדער: $3/4, 5/6, 2/3, 1/3, 5/14, 3/8$

דער 2 געהט אין 6, 3 מאל, שטרייך איך אויס דעם 6 אונט שטעלל איבער איהם 3; דער 2 געהט גישט אריין אין 9, שטרייך איך אויס דעם 9 אונט שטעלל איבער איהם 9; דער 2 געהט אין 14, 7 מאל, שטרייך איך אויס דעם 14 אונט שטעלל איבער איהם 7; דער 2 געהט אין 8 4 מאל שטרייך איך אויס דעם 8 אונט שטעלל איבער איהם 4, דערנאך נעה איך אז דער 3 געהט אויף אין 9, שטרייך איך איהם אויס אונט

גאנצען, בלייבט $252 = 9 \times 28 = 7 \times 4$, דאס דאפפערל איך מיט דעם 2 מיט וועלכען איך האב אפגעקורצט $504 = 252 \times 2$, איז דער גענעראל-נעמער 504.

§ 27.

חסור אין תשובות.

אזוי וויא איך קען צוזאממענרעכנען א ברוך מיט א ברוך אזוי קען איך אויך אראפנעמען א ברוך פון א ברוך, אדער א ברוך פון א גאנצע, למשל: איך האב $\frac{3}{4}$ איילען לייגנאנד האב איך דערפון $\frac{2}{3}$ איילען גענוצט, וויל איך וויססען וויא פיעל איז איבערגעבליעבען? דערצו וועל איך דא שטעללען אייניגע ביישפילע:

$$\text{№ 1) } \frac{5}{6} - \frac{4}{6} = \frac{1}{6},$$

$$\text{№ 2) } \frac{3}{4} - \frac{2}{3} = \frac{1}{12}$$

$$\text{№ 3) } 5 - \frac{4}{5} = 4 \frac{1}{5},$$

$$\text{№ 4) } 4 \frac{3}{4} - 3 \frac{5}{6} = \frac{11}{12}$$

ער קלערונג.

אין נומר 1 זענען ביידע גענומערן גלייכע, האב איך נאר אראפ צוגעהמען צאהלער פון צאהלער; נומר 2 זענען דיא גענומערן גלייכע אזוי וויא גלייכע מוז איך פריהער מאכען א גלייכען גענומער פיר ביידע אזוי וויא ביא חבור, דער גענעראל-גענומער איז 12, פון דיא $\frac{3}{4}$ איז געווארען $\frac{9}{12}$ פון דיא $\frac{2}{3}$ איז געווארען $\frac{8}{12}$, 8 פון 9 בלייבט $\frac{1}{12}$; אין נומר 3 מוז איך צוברעכען איין גאנצע פון דיא 5 גאנצע, איך צוברעך איהם אין פינפטעל, הייססט $\frac{5}{5}$, $\frac{4}{5}$ פון $\frac{5}{5}$ בלייבט $\frac{1}{5}$ מיט 4 גאנצע; אין נומר 4 צוברעכע איך אויך איינס פון דיא 4 גאנצע אין פערטיל, איז דא 3 גאנצע מיט $\frac{4}{7}$ דערנאך מאך איך דעם גענעראל-גענומער, קוממט ארויס 24 און אז סען פערקלענערט דיא גענומערן קוממט ארויס 12, בלייבט $\frac{11}{12}$.

§ 28.

בָּפֶל אֵין תִּשְׁבּוּרַת.

אױף קענן מען דאָפּפּלען אױן תִּשְׁבּוּרַת, לְמִשְׁל: אױף האָב געבױקט $5\frac{8}{4}$ אױלען פֿענדלאך אונג אױף האָב דערפאר פֿעצאָהלט $\frac{2}{3}$ קאפּ, פאר געדערע אױה, דארף אױף צו דאָפּפּלען דיא $5\frac{3}{4}$ מיט דיא $\frac{2}{8}$, דארויף שטעללע אױף אױנגע בײַשפּיעלע:

$$1) \frac{4}{5} \times 9 = \frac{36}{5}, 7 \frac{1}{5} . \quad 2) \frac{3}{4} \times \frac{5}{6} = \frac{15}{24}$$

$$3) 5 \frac{3}{5} \times \frac{4}{7} = 3 \frac{7}{35} . \quad 4) 3 \frac{2}{3} \times 6 \frac{3}{4} = 24 \frac{0}{12}$$

עֶרְקֶלֶע הֶר וִנָּג.

אין נומר 1 דאָפּפּעל אױף מיט דעם 9 דעם צאָהלער, ווייל מיר האָפּען שוין זאָנג עֶרְקֶלֶע הֶר, אז אױף דאָפּפּעל מיט אַ צאָהל דעם צאָהלער אַזליין ווערט דיא ווערטמייט פון דעם ברוך פֿערקראַסערט, אָבער אז אױף דאָפּפּעל דעם צאָהלער אונג דעם געגנער בלייבט דיא ווערטמייט פון דעם ברוך דיא וועלכע, 9 מאל 4 איז $\frac{36}{5}$, מאַכט מען דערפון גאנצע איז $7\frac{1}{5}$; אין נומר 2 איז נאר ברוך מיט ברוך, איז דיא גענעל צו דאָפּפּלען געגנער מיט געגנער אונג צאָהלער מיט צאָהלער; אין נומר 3 איז דאס פֿעסטע ווען אױף צופֿרעך דיא גאנצע אין אזא ברוך וויא דער געגנער איז, 5 מאל 5 איז 25 אונג 3 איז $\frac{28}{5}$ יעצט דאָפּפּעלט מען געגנער מיט געגנער אונג צאָהלער מיט צאָהלער; אין נומר 4 צופֿרעך אױף בײַדע געגנענען, דעם 3 צופֿרעך אױף אין דריטעל אונג דעם 6 אין פֿיערטעל, דערנאָך דאָפּפּעל אױף געגנער מיט געגנער אונג צאָהלער מיט צאָהלער.

§ 29.

חלוק אין תשבורת:

חלוק אין תשבורת קענן זיין אויף דיעזעס אופן איך האב גע-
קויפט $\frac{3}{4}$ איילען בענדלאך און איך האב בעצאהלט $\frac{1}{2}$ קאפ' ווילל
איך וויססען וויפיער קאסט א איילע, מוז איך טהיילען דעם $\frac{1}{2}$ מיט די
 $\frac{3}{4}$, דאביי שטעלל איך אייניגע ביישפילע:

$$1) \frac{3}{4} : 5 = \frac{3}{20}. \quad 2) \frac{3}{4} : \frac{2}{3} = \frac{9}{8}, 1\frac{1}{8}. \quad 3) 5 : \frac{3}{4} = \frac{20}{3}, 6\frac{2}{3}.$$

$$4) 3\frac{1}{2} : \frac{4}{5} = \frac{35}{8}, 4\frac{3}{8}. \quad 5) 2\frac{2}{3} : 1\frac{5}{6} = \frac{48}{33}, 1\frac{15}{33}.$$

ערקלעהרונג.

אין נומער 1 איז דער טהיילער א גאנצע ציפער, אזוי וויא מיר
האבען שוין ערקלעהרט, אז איך דאפפעל דעם געגנער מיט א ציפער,
ווערט דיא ווערטקייט פון פרוך קלענער אזוי, וויא בעל דיעזער ציפער
איז. דארום אז איך ווילל טהיילען דעם פרוך $\frac{3}{4}$ מיט 5 דארף איך נאר
צו דאפפעל דעם געגנער מיט דעם 5 איז געצט געווארען $\frac{3}{20}$, ווייל 4
מאל 5 איז 20 און צאהלער פלייבט דאך דער געגנער; אין נומער 2
דארף מען נאר צו וויססען איין פלז, אז ווען דער טהיילער איז א פרוך,
קעהר איך איהם איבער, דערנאך מאך איך אזוי וויא בייא פאל, און
דאפפעל צאהלער מיט צאהלער און געגנער מיט געגנער, אין אונזער
דעמאנא איז דער טהיילער $\frac{2}{3}$ קעהר איך איהם איבער $\frac{3}{2}$, דערנאך
דאפפעל איך 3 מאל 3, 2 מאל 4 קומט ארויס $\frac{9}{8}$ אדער $1\frac{1}{8}$; אין
נומער 3 איז דער טהיילער א פרוך און דיא געטהיילטע ציפער א גאנצע,
קעהר איך איבער דעם טהיילער ווערט $\frac{4}{3}$, דערנאך מאך איך אזוי וויא
בייא פאל, איך דאפפעל מיט דעם 5 דעם צאהלער 4, קומט ארויס

$\frac{20}{8}$ אָדער $\frac{5}{2}$; אין נומער 4 מוז איך צופֿרעכען דיא גאנצע און דעם
וועלכענען ברוך וואס שטעקט צוזאממען מיט דיא גאנצע, קומט אויס
 $\frac{7}{2}$, דערנאך קערער איך איבער דעם מדיילער $\frac{4}{5}$ ווערט דערפון $\frac{5}{4}$
און דאפפֿעל דערנאך גענוער מיט גענוער, צאהלער מיט צאהלער,
קומט ארויס $\frac{35}{8}$ אָדער $4\frac{3}{8}$; אין נומער 5 צופֿרעכע איך ביידע
גאנצע און מאך אזוי וויא אויפֿען.

אויפֿגאבען אויף אַלגע פֿיער שפֿעציעס.

$$117) \frac{7}{16} + \frac{5}{16} + \frac{9}{16} + \frac{15}{16} + \frac{1}{16} + \frac{11}{16}.$$

$$118) \frac{1}{2} + \frac{3}{4} + \frac{4}{9} + \frac{7}{18} + \frac{7}{24} + \frac{5}{72} \times \frac{5}{86}.$$

$$119) 112\frac{4}{5} + 19\frac{5}{6} + \frac{5}{12} + 28\frac{7}{9} + 11\frac{11}{16} + \frac{7}{16} + \frac{11}{12} + 4\frac{1}{2}.$$

$$120) 15 - 10\frac{7}{9} \quad 121) 92\frac{1}{2} - 64\frac{7}{8}.$$

122) איך האב געקויפט 6 פֿאסער טאבאק: נומער 1, $917\frac{1}{2}$ פֿונט,
נומער 2 940 פֿונט, נומער 3 $1027\frac{3}{4}$ פֿונט, נומער 4 $887\frac{1}{2}$, נומער 5
 $930\frac{1}{4}$ פֿונט, נומער 6 $1020\frac{1}{4}$ פֿונט, דיא טארא דאס הייססט דיא גע-
היכט פון פֿאסס אלליין בעטראגט נומער 1 $87\frac{1}{2}$ פֿונט, נומער 2 $85\frac{3}{4}$
פֿונט, נומער 3 $90\frac{1}{2}$ פֿונט, נומער 4 $90\frac{1}{4}$ פֿונט, נומער 5 $86\frac{1}{2}$ פֿונט,
נומער 6 $90\frac{3}{4}$ פֿונט, וויא פֿיעל פֿונט טאבאק איז אין יעדער פֿאסס? און
וויא פֿיעל בעטערעפט דיא גאנצע טאבאק פֿון אללע פֿאסער?

$$123) \frac{7}{9} \times 4; \quad 124) \frac{3}{8} + \frac{7}{19}; \quad 125) \frac{5}{9} \times \frac{7}{10};$$

$$126) 64\frac{5}{8} \times \frac{5}{9}; \quad 127) 13\frac{1}{8} \times 6\frac{1}{9}; \quad 128) 27\frac{5}{12} \times 3\frac{5}{8};$$

$$129) 5 : 12\frac{1}{9}; \quad 130) \frac{7}{11} : 21; \quad 131) \frac{3}{4} : \frac{5}{6}.$$

§ 21

דעצימאל בריקע (דעסיאטימשנע דראב)

דעצימאל בריקע הייססט, ווען דער געגנער איז 10 אדער 100 אדער 1000 אדער א גראסערע צאהל 10000, 100000, און אזוי ווייטער, בייא דיעזע בריקע דארף איך נישט צו שטעללען דעם געגנער, נאר בלויז דעם צאהלער, למשל: אז איך האב $\frac{5}{10}$, שרייב איך אזוי 0,5 דער טעם איז פשוט, איך מוז מיר אין קאפף צווייגקען אזוי וויא פיעל ציפער דער צאהלער האט אזוי פיעל נוללען אין געגנער צו א איינס, אין 0,5 איז דער צאהלער 5, אין דעם צאהלער איז מעהר גיטא וויא איין ציפער ווארום דער נולל וואס שטעהט פון דיעזער זייט האט גאר קיין ווערטה נישט, ער האט גאר דעם ווערט מיט איהם צו בע-וויזען אז דער 5 איז נישט קיין גאנצע צאהל גאר א ברוך, וויא באלד דער צאהלער האט גאר איין ציפער, דארף איך צו צווייגקען צום געגנער איין נולל מיט א איינס איז דאך דער געגנער 10, בעדייטעט 0,5 גלייך $\frac{5}{10}$, גאך עטליכע ביישפיעלע, ווייל איך דא שטעלען 0,005, 0,03, 0,625, 0,65, 0,3 דער ערשטער ברוך איז דיא זעלביגע וואס $\frac{3}{10}$, ווייז אין צאהלער איז דא גאר איין ציפער צווייגק איך צו איין געגנער איין נולל איז דער געגנער 10, אין דעם צווייטען ברוך געפינען זיך צווייא ציפער אין דעם צאהלער, מוז איך צווייגקען 2 נוללען אין דעם געגנער דארום הייססט דאס $\frac{65}{100}$, אין דעם דריטען ברוך זע-נען דא 3 ציפער אין דעם צאהלער מוז איך צווייגקען 3 נוללען אין דעם געגנער, דרום הייססט דאס $\frac{625}{1000}$, אין דעם פיערטען ברוך איז אויך דא אין צאהלער צווייא ציפער: א נולל אין א 3, אבער דער נולל אין צאהלער ברענגט קיין נומער נישט, ווייל ער שטעהט לינקס ער ברענגט גאר נומער דורך איהם צו פערגראסערען דעם געגנער, דען אהן איהם וואללט איך אין געגנער צוגעדענקט גאר איין נולל,

וואָרט גענוועזען דער גענוגער 10 יעצט דורך דעם גולל וואס שטעהט אין צאהלער דענק איך אין גענוגער 2 גוללען, איז דער גענוגער 100 און דער צאהלער איז נאר 3, הייססט דאס $\frac{3}{100}$; אין דעם פינפטען ברויך איז דער גענוגער 1000, ווייל אין דעם צאהלער זענען 3 ציפפען, איז דאס $\frac{5}{1000}$.

§ 31.

אז איך וויל שטעללען ברויך מיט גאנצע, למשל: 3 גאנצע מיט $\frac{5}{10}$, שטעלל איך אזוי: 3, 5, דער קאממא וואס שטעהט נאך דיא גאנצע, ערקלעהרט מיר שוין אז דיא אנדערע ציפפען זענען ברויך, און איך ברויך שוין קיין גולל נישט שטעללען געבען דעם ברויך.

§ 32.

חבור מיט דעצימאלבריקע.

בייא חבור מיט דעצימאלבריקע רעכען איך אזוי וויא בייא פראסטע רעכונקעס, נאר אזוי וויא פיעל ברויכציפפען עס געפינען זיך אין דיא גראסטע צאהל וואס איך רעכען זייא צונאמען, אזוי פיעל שנייד איך אָב פון דיא סך הכולל, דאס הייססט דיא אונטער-שטע שורה, פרי ציא וויססען אז דיא איבעריגע ציפפען זענען ברויך ציפפען, למשל:

1)	2)
0, 3	0, 300
3, 56	3, 560
0, 05	0, 050
0, 658	0, 658
17, 8	17, 800
<hr/>	<hr/>
22, 368	22, 368

דער לעזער זעהט פאר דיא איינען 2 רעכונקעס, אָבער עס איז אלץ די זעלביגע אזוי ווי די אונטערשטע שורה צייגט זיך אויס, דען ווייל מען מוז זיין פארזיכטיג דיא הונדערטער צונאמענרעכנען מיט דיא הונדערטער, צעהנער מיט צעהנער, איינער מיט איינער, און

דער אנפאנגער קען א מאל א טעות האפן און רעכנען, למשל: 3 מיט 6 מיט 8, דארום איז בעסער צו צושטעלען נוללען אזוי ווי אין דעם צווייטען ביישפיעל, דיא נוללען ברענגען קיין נומערן און קיין שאדען נישט, ווייל ווען איך פערמאסער דעם צאהלער מיט צווייא נוללען, ווערט דער גענוער אויך פערמאסערט מיט צווייא נוללען, למשל $0,3$ הייססט דאס $\frac{3}{10}$, $0,300$ הייססט דאס $\frac{300}{1000}$, דיא ווערטקייט איז אלץ דיא זעלביגע, אין אונזערע רעכנונג קומט ארויס 22 גאנצע און $\frac{868}{1000}$; ווייל עס געפינען זיך אין דער רעכנונג אויך 3 ברוך שטעלען, מוז איך אפ שניידען מיט דעם קאממא ציפערן.

§ 33.

חסור אין דעצימאלבריקע.

אויך חסור ווערט גערעכענט וויא א פראסער חסור, דערנאך ווערט אפ געשניטען דיא ציפערן פון ברוך.

1)	5,3084	2)	0,75
	4,5985		0,3867
	<hr/>		<hr/>
	0,7099		0,3633

אין דער ערשטער רעכנונג זענען דא גאנצע מיט ברוך; אין דער צווייטער רעכנונג איז נאר דא פלויזע ברוך, און אין דעם אויפער-שטען ברוך זענען דא וועניגער ציפערן וויא אין דעם אונטערשטען, נאר וויא איך האב שוין ערקלערט, שטעלל איך צו אין דעם אוי-בערשטען ברוך נוללען צו פערמאסערט מיט דעם אונטערשטען, אדער איך שטעלל מיר נאר אזוי וויא עס וואלטען געשטאנען נוללען און איך רעכען 7 פון נולל קען איך נישט זאגען, פארגט ער פון צווייטען נולל, דער צווייטער נולל פארגט פון דעם 5 אזוי וויא ביא א גע-וואהנליכע רעכנונג.

§ 34.

בפֿל אין דעצימאל־פֿריקע.

בפֿל איז אויף פֿשוט צו רעכנען.

3, 5	3, 57	0, 783
6 ×	0, 68 ×	0, 85 ×
21, 0	2856	3915
	2142	6264
	2, 4276	0, 66555

דער הויפט פֿלל איז, איך שנייד אַראָב פֿון דער אונטערשטער שורה אזוי פֿיעל ציפֿפֿערן וויפֿיעל פֿרוּד עס געפינט זיך אין דער גאנצער רעכנונג; אין דער ערשטער רעכנונג איז דא איין פֿרוּד, שנייד איך אונטען אַב איין ציפֿפֿער; אין דער צווייטער רעכנונג איז דא 4 פֿרוּד, צוויי פֿרוּד אין דיא ערשטע שורה און צוויי פֿרוּד אין דיא צווייטע, שנייד איך אַב 4 ציפֿפֿערן; אין דער דריטער רעכנונג שנייד איך אַב 5 ציפֿפֿערן.

ווען איך וויל דאפֿפלען א דעצימאל־פֿרוּד מיט 10, אָדער 100 און אזוי ווייטער, רוּקט מען איפֿער דעם קאָממא רעכטס, לִמשָׁל:

$$1) 385,798 \times 10 = 3857,98; \quad 2) 385,798 \times 100 = 38579,8; \\ 3) 385,798 \times 1000 = 385798.$$

אין דיא ערשטע רעכנונג האָב איך געדאפֿפלעט מיט 10, דאָרום האָב איך דעם קאָממא גערוקט רעכטס מיט איין ציפֿפֿער; אין דער צווייטער רעכנונג האָב איך געדאפֿפלעט מיט 100, דאָרום האָב איך דעם קאָממא גערוקט רעכטס מיט צוויי ציפֿפֿערן; מיט 1000 דריי ציפֿפֿערן און אזוי געהט דאס ווייטער פֿאר יעדערן נול וואס עס איז דא אין דעם דאפֿפלער ווערט געריקט דער קאָממא מיט א ציפֿפֿער ווייטער און ווען עס איז גיטא אזוי פֿיעל ציפֿפֿערן ווערען צוגע-שטעלט נולדען.

§ 35.

חלוק אין דעצימאל־פֿריקע.

א דעצימאל־פֿרוּד ווען איך וויל געטיילען מיט 10, 100, 1000 מאָך

איך פֿערקעהרט וויא בייא ראפֿפֿעלן, איך רוק דעם קאממא לינקס פאר
יעדערן נולל א ציפֿפער, למשל: $10 = 38,5798 : 385,798$ 1)

$$2) 385,798 : 100 = 3,85798 \quad 3) 385,798 : 1000 = 0,385798.$$

אין דיא ערשטע רעכנונג רוק איך איבער דעם קאממא לינקס מיט
אין ציפֿפער; אין דיא צווייטע רעכנונג איז דער טהיילע 100, רוק
איך איבער דעם קאממא מיט צווייא ציפֿפערן; אין דער דריטער
רעכנונג רוק איך איבער דעם קאממא מיט דרייא ציפֿפערן.

א דעצימאל־ברוך קענן אויך דורך גאנצע, און דורך ברוך, און דורך
גאנצע מיט ברוך געטהיילט ווערען, אויך קענן א גאנצע דורך דעצי-
מאל־ברוך געטהיילט ווערען און מיר שטעללען היר אייניגע ביישפֿילע:

$$1) 35,65 : 5 = 7,13$$

$$2) 373,68 : 4 = 93,42.$$

$$3) 0,3565 : 5$$

$$4) 35,65 : 5,5$$

$$0,3565 : 50000 \left. \vphantom{0,3565 : 50000} \right\} 0,00713$$

$$3565 : 55 \left. \vphantom{3565 : 55} \right\} 64,9/11$$

$$5) 3565 : 5,55$$

$$6) 0,3565 : 0,5$$

$$356500 : 555 \left. \vphantom{356500 : 555} \right\} 642,^{88}/_{120}$$

$$3565 : 5000 \left. \vphantom{3565 : 5000} \right\} 0,7013$$

ערקלעהרונג.

אין דער ערשטער רעכנונג איז די געטהיילטע סוממע גאנצע מיט
ברוך, און דער טהיילער גאנצע, 5 אין 35 געהט אויף 7 מאל גאנצע,
און עס בלייבט נאר נישט, שטעלל איך אנדערדער 7, אונד גאנצער א
קאממא, ווייל דאס וואס איך ווער ווייטער טהיילען מיט דעם 5, וועט
שוין נישט זיין גאנצע נאר ברוך; אין דער צווייטער רעכנונג איז גע-
פליעבען אין גאנצע, רעכען איך צו צו דיא ברוך, און דאס וואס
וועט ארויסקומען וועט זיין ברוך, דאס איז 93,42; אין דער דריט-
טער רעכנונג טהיילע איך גאנצע און ברוך, איז דער פֿלל דערפון
דאס וויא פיעל ברוכציפֿפערן עס געפינען זיך אין דיא געטהיילטע סומ-
מען אזוי פיעל נוללען שטעלל איך צו צום טהיילער, און יעצט ווערט
פון דיא בייידע סוממעס גאנצע און איך טהייל אזוי וויא גאנצע מיט
גאנצע, אפער וויא פאלד אז דער טהיילער איז גראסער פאר דיא
געטהיילטע סוממע איז דיא ארויסקומענע סוממע נאר ברוך, למשל:
אין אונזער רעכנונג איז דיא געטהיילטע סוממע 3565 און דער טהיילער
50000, איז דאך דער טהיילער פיעל גראסער, וואג איך 50000 אין 3565

געהט נולל מאל שטעלל איך 0, דערנאך שטעלל איך צוא צו דיא גע-
טהיילטע סוממע א נולל, ווערט דאס 35650, ווייל 50000 קענן אין
דיעזער סוממע אויך נישט אריין געהען, שטעלל איך נאך דער קאממא
ווייטער א נולל 0, דערנאך שטעלל איך צוא צו דיא געטהיילטע סוממע
וועדער א נולל ווערט דערפון 356500 דאריין געהט אויף 7,50000 מאל
צו דעם רעשט שטעלל איך צו וועדער א נולל אונט פהייר ווייטער.
דער זעלביגער פלל איז אז איך טהייל ברוך אין ברוך, אדער גאנצע מיט
ברוך אין ברוך, אדער גאנצע מיט ברוך אין גאנצע מיט ברוך, ווען
דער טהיילער האט מעהר ברוכציפפערן וויא דיא געטהיילטע סוממע,
שטעלל איך צוא צו דער געטהיילטע סוממע אזוי פיעל נוללען וויפיעל
ברוכציפפערן עס איז דא מעהר אין דעם טהיילער, פערקעהרט ווען
אין דיא געטהיילטע סוממע איז דא מעהר ברוכציפפערן וויא אין דעם
טהיילער, שטעלל איך צו אזוי פיעל נוללען צו דעם טהיילער וויא פיעל
ברוכציפפערן עס געפינען זיך מעהר אין דיא געטהיילטע סוממע אזוי
וויא דיא ביישפיעלע בענווייזען נומר 4, 5, 6.

צו פערקעהרען פון א פראסטען ברוך אין אדעצימאלברוך.

איך האב למשל $\frac{1}{2}$ ווייל איך וויסען וויפיעל איז דאס אין א
דעצימאלברוך, טהייל איך דעם געגנער אונ דעם צאהקער אונט אזוי
2 אין 1 געהט נולל מאל, שטעלל איך א נולל מיט א קאממא 0, דערנאך
ווערט צוגעזעצט א נולל צו דעם צאהלער אונט טהייל ווייטער 2 אין 10
איז 5 קוממט דערפון ארויס 0,5 דאס איז דיא זעלביגע וואס $\frac{1}{2}$, אזוי
ווערט גערעכענט יעדער ברוך, למשל $\frac{3}{4}$; 0,75 $\frac{5}{8}$; 0,625.

עס זענען אבער דא אנדעקע בריכע וואס זיין געהמען גאר קיין
סוף נישט אונ דיא ציפפערן קעהרען זיך אונט צוריק דיא אייגענע, למשל:
ווען איך ואלל מאכען $\frac{2}{3}$ אין דעצימאלבריכע . . . 0,66666

דיא ציפפערן 6 וועט זיך קיין מאל נישט ענדיגען ווארום אללע
מאל בלייבט איבער א 2, דיעזער ברוך הייסט א פעריאדישער דעצי-
מאלברוך, ווייל דיא פעריאדע קעהרט זיך איממער צוריק. אין דער
סוחרישע וועל ווערען איבערהויפט אין א דעצימאלברוך נאר 2 ציפ-
פערן אין אכט גענומען, דיא איבעריגע האבען א גאנץ קליינעס ווערט
אונ ווערען אפגעשניטען.

אויפֿלעזונגען צו דיא אויפֿגאבען :

כפל	חכור	חבור
31) 4050	16) 150	1) 1246
32) 1400	17) 1754	2) 959
33) 28376	18) 43935	3) 6243
34) 68736	19) 60423	4) 6236
35) 43720	20) 16056	5) 7105
36) 693	21) 181883	6) 23309
37) 19705	22) 261273	7) 35362
38) 34390	23) 303597	8) 28758
39) 42105	24) 499258	9) 13327
40) 92368	25) 2607787	10) 87734
41) 456000	26) 2998970	11) 93550
42) 405000	27) 1	12) 91628
43) 33852600	28) 1186	13) 96952
44) 6752000	29) 401236	14) 137144
45) 8918400	30) 38672	15) 202418
46) 52500000		

ח ל ו ק

57) 8357	60רעשט	52)	532	47)	32
58)	5632	53)	5205	48)	208
59)	8372	54)	6047	49)	673
		55)	15653	50)	2582
60)	7432	56)	5972	51)	52

גישט גרייכע צאהלען.

74) 5 אוינצען 2 דראב. 2 סקרופעל

75) 4 טאג 13 שטונדען 20 מינוט

76) 21 ווערשאק 74 סאנשא

ארשין 3 ווערשאק.

77) 804 רופל 51 קאפ'

78) 122 ווערדא 1

מיטארקען.

79) 65 בערקאוויץ 1

55 זאלאטניק.

80) 4 מיטעמווערט

וועריק 3 גארנעץ

81) 3 בערקאוועץ 4

66 זאלאטניק

82) 55 ווערדא 7

83) 4 באלל

8

61) 1152 זאלאטניק.

62) 1215 פונט.

63) 859 מיטארקען.

64) 30 מיטעמוועריק.

65) 572 ליווער 13728 שרייב באגסן.

66) 1115 שטיק.

67) 859 ווערשאק.

68) 99 מיטעמווערט 1 אקסימא

3 מיטעמוועריק 2 גארנעץ.

69) 2 בערקאוויץ 4 פוד 36 פונט

24 זאלאטניק.

70) 4 ווער. 6 קרושקען 7 מיטאר.

71) 9 באלקען 18 ליווער 18

שרייב-באגסן.

72) 94 סאנשען 4 פוס 6 צאלל.

73) 7 פונט 12 זאלאטניק 36 דאלי.

77 (90) מִשְׁעָמוֹר. 7 מִשְׁעָמוֹעֵרִיק.	26 (84) אֶרְשִׁין 13 וְעֶרְשָׁאק.
61 (91) רֹבֵל 15 קֶאֶפ'.	1920 (85) רֹבֵל 24 קֶאֶפ'.
4 (92) מִשְׁעָמוֹעֵרֶט 1 מִשְׁעָמוֹעֵ-	20 (86) בְּאֶקְלֶען 9 רִיכֶס 14 לִיוֹעֵר
7 (93) רִיק 7 גֶּאֶרְנֶעץ.	111 (87) בְּעֶרְקֶאוֹוִיץ 8 פֹּוד 11
3 (93) רִיכֶס 11 לִיוֹעֵר.	פֹּונֶט 84 זֶאָלֶאָטְנִיק.
2 (94) בְּעֶרְקֶאוֹוִיץ 4 פֹּוד 16 פֹּונֶט.	384 (88) מִשְׁעָמוֹר. 3 מִשְׁעָמוֹעֵרִיק.
60 (95) אֶרְעֶמֶע.	5422 (89) סֶאָוֶשֶׁען.

בְּרִיכֶע (תִּשְׁבּוּרֶת)

107) $15\frac{5}{12}$; 108) $11\frac{1}{15}$; 109) $17\frac{1}{30}$; 110) $16\frac{1}{35}$;

111) $11\frac{18}{30}$; 112) $12\frac{2}{35}$; 113) $37\frac{1}{56}$; 114) $1\frac{5}{54}$;

115) $1\frac{31}{45}$; 116) $1\frac{12}{143}$.

117) 3; 118) $2\frac{7}{12}$; 119) $185\frac{17}{18}$; 120) $1\frac{1}{2}$;

121) $27\frac{5}{8}$; 122) 5192 פֹּונֶט; 123) $3\frac{1}{9}$; 124) $1\frac{1}{2}$;

125) $7\frac{1}{18}$; 126) $35\frac{65}{72}$; 127) $80\frac{5}{24}$; 128) $1\frac{1}{2}$;

129) $3\frac{2}{4}$; 130) $1\frac{1}{33}$; 131) $1\frac{1}{2}$;

